文章编号: 1674-599X(2022)02-0087-08

基于IDA法的多跨连续刚构桥易损性分析

李思成, 宁晓骏, 薛挥杰

(昆明理工大学 建筑工程学院, 云南 昆明 650500)

摘 要:为分析西南地区某高墩多跨连续刚构桥的地震易损性,采用 Midas Civil 软件建立有限元模型,使用 IDA法,以位移延性比作为地震损伤指标,对桥梁的5个双肢薄壁墩进行易损性分析,并用一阶界限法对全桥进 行易损性分析。研究结果表明:该桥受横向地震作用比顺桥向地震作用时的损伤概率更高;多跨连续刚构桥的 桥墩对称布置,高度相同时,易损性相近;对称布置的墩越高,受到顺桥向地震作用时的损伤概率越低,而受 到横桥向地震作用的损伤区别不明显,该研究可为地震时桥梁损伤状态评估提供借鉴。

关键词:多跨连续刚构桥;易损性分析;双肢薄壁墩 中图分类号:U442.5 文献标志码:A

Vulnerability analysis of multi-span continuous rigid frame bridge based on IDA method

LI Sicheng, NING Xiaojun, XUE Huijie

(Faculty of Civil Engineering and Architecture, Kunming University of Science and Technology, Kunming 650500, China)

Abstract: To analyze the seismic fragility analysis of a high pier multi-span continuous rigid bridge in southwest of China, the finite element model was established, and the IDA method was used to analyze the susceptibility of five double-limb thin-walled piers of the bridge using the displacement ductility ratio as the seismic damage index. And the first-order limit method was used to analyze the susceptibility of the whole bridge. The research results show that the damage probability of bridge induced by transverse seismic waves than that by direction seismic. When multi-span continuous rigid bridge piers are symmetrically arranged, and the height is the same, the seismic vulnerability is similar. The higher the pier arranged in the symmetrical position, the lower the damage probability induced by the earthquake along the bridge, while the transverse seismic action is not obvious. It can provide reference for bridge damage assessment during earthquake.

Key words: multi-span continuous rigid frame bridge; fragility analysis; thin-walled pier of two limbs

地震易损性指不同强度地震作用下工程结构 发生各种破坏的概率,可从概率上定量衡量结构 的抗震性能^[1]。西南山区多处于地震带,刚构桥比 连续梁桥具有更大的跨越能力,且具有结构简单, 施工工艺较成熟等优势。由于该地区建设刚构桥 较多,因此,有必要研究这类桥梁的地震易损性。 曹操等人^[2]利用有限元软件分析了连续梁桥地震作 用时的影响,研究结果表明:在地震作用下,墩 梁的约束方式对桥梁影响显著。肖永刚等人^[3]采用 时程分析法研究发现,大小井特大桥在受水平地 震波作用时位移所受影响较大,受竖直地震作用 时对轴力的影响较大。逐步增量动力分析法 (incremental dynamic analysis,简称为IDA)是用 于评估地震作用下结构响应参数化分析方法^[4]。葛 强^[5]运用IDA方法对连续梁桥进行了易损性分析, 表明:桥墩发生中度破坏时,构件更容易完全破

收稿日期: 2021-04-23

作者简介:李思成(1989一),男,昆明理工大学硕士生。

坏。毛穗丰等人^[6]采用基于IDA的频数分析法,对 连续刚构桥进行了易损性分析,发现边墩较主墩 更容易破坏。目前对连续刚构桥地震损伤状态的 研究和应用还处于发展阶段,IDA方法能以概率方 式体现结构抗震性能。因此,本研究拟采用IDA 方法,对六跨连续刚构桥进行地震易损性分析, 研究不同位置的墩受横、纵2个方向地震波时的响 应结果,可为地震作用时桥梁损伤状态评估提供 借鉴。

1 桥梁概况

某桥梁的主桥形式为预应力混凝土连续刚构, 跨径布置为73m+4×130m+73m的六跨对称结构, 总长为666m。箱梁断面形状为单箱单室,根部梁 高为8.2m,跨中梁高为2.6m。主梁材料使用C55 混凝土,纵向预应力筋使用Strand1860钢绞线,按 照0.75倍极限应力施加预应力,竖向预应力钢筋 使用螺纹钢棒施加预应力。

桥墩采用钢筋混凝土双薄壁空心墩,单壁平 面尺寸为8.5 m×3 m,如图1所示。双壁外侧距离 为12 m,采用C50混凝土。承台高为5 m,基础采 用钻孔灌注桩。汽车荷载标准为公路I级,地震动 峰值加速度为0.3g,地震烈度为VII度。





2 损伤指标确定及模型构建

2.1 模型构建

采用 Midas Civil 有限元计算软件建立模型如 图2所示。薄壁墩从左至右依次编号1[#]~5[#]。主梁、 桥墩、承台和基础在软件中采用梁单元模拟,采 用在两端节点之间设置一个刚度较大的单元,且 将该单元自重设为零的方法,模拟墩与主梁固结, 过渡墩处采用相应刚度来模拟板式橡胶支座,桩 单元通过建立等效土弹簧进行模拟。



Fig. 2 Finite eleme

2.2 IDA法

IDA法是将一条地震波通过放大系数转化为多 条波,每条地震波之间相互独立,对其进行非线 性时程分析,得到不同地面峰值加速度的结构地 震响应结果。整理该结果,得到地震动强度参数 和结构性能参数的曲线,称之为IDA曲线。利用 该曲线预测地震强度逐渐增加情况下结构发生弹 性或塑性变化的特性。

4条天然波和3条人工波见表1,导入桥梁模型进行模拟分析,计算横向地震波冲击影响时应乘以0.85的折减系数^[7],其中,PGA为最大峰值加速度。

表1 地震波信息

名称	特征周期	PGA	持续时间/s
obg_270_w	0.35	0.40g	40.00
obg_360_w	0.35	0.43g	40.00
Sfs_48_w	0.35	0.45g	37.82
Sun_ew_w	0.35	0.34g	34.78
RH1TG035	0.35	0.58g	44.70
RH2TG035	0.35	0.63g	80.48
tar_360_nor	0.35	0.99g	60.00

2.3 损伤指标确定

地震作用下,桥梁结构的损伤主要来源于桥 墩塑性铰的过大和转动角度桥墩过大的相对位移。 因此,研究易损性时,通常以墩柱的延性划分桥 梁的损伤程度。用位移延性比作为桥墩地震损伤 的指标,其范围见表2。

并可根据(1)~(5)进行计算^[8]:

$$\mu_{\rm d} = \Delta / \Delta_{\rm cy_1} \tag{1}$$

$$\Delta_{\rm cv.} = 1/3l^2 \phi'_{\rm v} \tag{2}$$

$$\Delta_{\mu} = \Delta_{\nu} + (l - l/2)\theta_{\mu} \tag{3}$$

$$\Delta_{\rm v} = 1/3l^2\phi_{\rm v} \tag{4}$$

$$\theta_{\rm u} = l_{\rm p} (\phi_{\rm u} - \phi_{\rm y}) / K \tag{5}$$

式中: μ_a 为位移延性比; Δ 为墩顶最大位移; Δ_{cy_i} 为桥墩纵筋第一次达到屈服时墩顶部的位移;l为墩

身高度; ϕ'_{y} 为首次屈服曲率; Δ_{u} 为桥墩出现塑性 较后墩顶总位移; θ_{u} 为墩底出现塑性铰以后墩顶的 塑性转角; Δ_{y} 墩顶弹性位移; ϕ_{y} 为等效屈服曲率 ϕ_{u} 为极限曲率;K为安全系数,取值为2; l_{p} 为等效 塑性较长度。

表2 桥墩损伤指标 Table 2 Pier damage index

损伤状态	损伤指标	描述
无损伤	$\mu_{\mathrm{d}} \leq \mu_{\mathrm{cy}_1}$	弹性阶段无损伤
轻微损伤	$\mu_{\mathrm{cy}_{1}} < \mu_{\mathrm{d}} \leq \mu_{\mathrm{cy}}$	钢筋首次屈服
中等损伤	$\mu_{cy} < \mu_{d} \leq \mu_{c_4}$	截面等效屈服
严重损伤	$\mu_{c_4} < \mu_d \leq \mu_{c_{max}}$	混凝土压应变为0.004
完全损伤	$\mu_{\mathrm{c}_{\mathrm{max}}}{<}\mu_{\mathrm{d}}$	最大位移延性比,桥梁倒塌

注: μ_{cy_i} 为桥墩纵筋首次屈服时的位移延性比, μ_{cy} 为等 效屈服位移延性比, $\mu_{c_{max}}$ 为最大位移延性比, 其取值可以参 考文献中的研究, 约等于 (μ_{c_i} +3)^[9], $\mu_{cy} = \Delta_y / \Delta_{cy_i}$, $\mu_{c_i} = \Delta_{cy_i} / \Delta_{cy_i}$ 。

*l*_p的计算公式根据《公路桥梁抗震规范》 (JTG/T 2231-01—2020)的规定为:

$$l_{\rm p} = 0.080l + 0.022 d_{\rm s} f_{\rm y}$$
 (6)
式中: $d_{\rm s}$ 为纵筋的直径; $f_{\rm y}$ 为纵筋的屈服应力。

通过 Midas Civil 计算桥梁各墩轴力,对墩顶 截面进行弯矩-曲率分析,其各墩在横桥向和纵桥 向的曲率见表3。依据弯矩-曲率值,计算得到各 墩损伤位移比,见表4。

表3	各墩数据及在	在横纵桥向	的各曲率值
125	1-1/2/10/21	正限 300 円	山石四十旧

 Table 3
 Data of pier and curvature values in transverse and longitudinal direction

墩号	墩高/ m	轴力/ kN	方向	首次屈服曲率	等效屈服曲率	屈服C4	极限屈服曲率
1#	102.5	118.062	纵桥向	0.001 01	0.001 12	0.005 36	0.009 88
1	103.5	118 903	横桥向	0.000 35	0.000 46	0.001 44	0.003 52
2#	117.0	120 218	纵桥向	0.001 01	0.001 11	0.005 44	0.010 15
2	2* 117.0	120 218	横桥向	0.000 35	0.000 46	0.001 55	0.003 53
2#	3# 130.5	127.406	纵桥向	0.001 02	0.001 13	0.004 95	0.009 32
5		127 490	横桥向	0.000 35	0.000 46	0.001 44	0.003 23
1 #	4# 121.5	127 207	纵桥向	0.001 01	0.001 11	0.005 39	0.009 32
4 121.5		127 297	横桥向	0.000 35	0.000 46	0.001 44	0.003 23
5# 102.5	102.5	110 719	纵桥向	0.001 01	0.001 12	0.005 36	0.009 88
5 103.5		119/18	横桥向	0.000 35	0.000 46	0.001 54	0.003 52

表4 各墩在横纵桥向的损伤指标

 Table 4
 The damage index of pier in transverse and longitudinal direction

士占	1	#	2	#	3	3#	4	#	5	5#
刀凹	纵桥向	横桥向								
Δ_{cy_1}	360.400 0	125.000 0	495.610 0	171.890 0	580.060 0	201.160 0	460.160 0	161.690 0	360.400 0	125.000 0
$\mu_{\rm cy_1}$	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0	1.000 0
μ_{cy}	1.105 3	1.324 9	1.105 1	1.327 3	1.104 3	1.308 7	1.105 2	1.308 7	1.105 3	1.324 7
μ_{c_4}	1.319 0	1.540 0	1.324 9	1.541 9	1.300 3	1.499 7	1.304 6	1.500 3	1.319 0	1.539 9
$\mu_{c_{max}}$	4.319 0	4.540 0	4.324 9	4.541 9	4.300 3	4.499 7	4.304 6	4.500 3	4.319 0	4.539 9

不考虑移动荷载效应,以弯矩-曲率曲线为基础,通过计算确定多跨连续刚构桥在不同状态下的损伤指标^[10]。以位移延性比为基础,使用IDA方法计算各墩的位移延性比,对各墩的地震需求指标进行回归分析。再带入各状态下的损伤指标,得到各墩的易损性概率,将其与PDA进行拟合,得到易损性曲线。

3 顺桥向桥墩地震易损性分析

先对所选波进行调幅,再采用IDA方法进行 非线性时程分析,对结构实际的承载能力和桥梁 的地震需求取对数值,其值符合正态分布^[11]。以 PGA(地震动峰值加速度0~1逐步增加)值的对 数值作为横轴,以桥墩顺桥向墩顶截面曲率延性 比的对数值作为纵轴,通过最小二乘法对非线性时程分析的数据结果进行线性回归,如图3~7 所示。















Fig. 5 Regression analysis of seismic demand response of the 3[#] pier along bridge direction



Fig. 6 Regression analysis of seismic demand response of the 4[#] pier along bridge direction





从图3~7可以看出,5个墩的拟合曲线趋于线 性变化,离散程度较小。整理后,可得顺桥向地 震作用下桥墩结构位移延性比与地震动强度PGA 的函数关系式,见表5,4种状态的易损性概率 见表6。

表5 顺桥向各墩位移延性比与地峰值加速度函数关系

Table 5 Relationship between displacement ductility ratio ofpiers along bridge direction and ground peak acceleration

function

墩号	函数关系
1#	$\ln(\mu_{\rm d}) = 0.922 \ 19 \times \ln(\rm PGA) + 2.179 \ 3$
2#	$\ln(\mu_{\rm d}) = 0.85578 \times \ln(\rm PGA) + 1.9738$
3#	$\ln(\mu_{\rm d}) = 0.89657 \times \ln(\rm PGA) + 1.7234$
4#	$\ln(\mu_{\rm d}) = 0.862\ 05\ \times\ \ln(\rm PGA) + \ 1.850\ 9$
5#	$\ln(\mu_{\rm d}) = 0.92667 \times \ln(\rm PGA) + 2.1034$

先将表5中各墩的函数关系和表3的各参数值 带入表6计算,得到顺桥向的易损性概率。

表6 顺桥向各墩在4种状态的易损性概率

 Table 6
 Fragility function of piers along the bridge in four
 states

破坏状态	易损性概率函数
轻微破坏	$P_{\rm f} = \Phi \left[\frac{\ln \left(\mu_{\rm d} \right) - \ln \left(\mu_{\rm cy_1} \right)}{0.5} \right]$
中等破坏	$P_{\rm f} = \Phi \left[\frac{\ln \left(\mu_{\rm d} \right) - \ln \left(\mu_{\rm cy} \right)}{0.5} \right]$
严重破坏	$P_{\rm f} = \Phi \left[\frac{\ln \left(\mu_{\rm d} \right) - \ln \left(\mu_{\rm c_{\star}} \right)}{0.5} \right]$
完全破坏	$P_{\rm f} = \boldsymbol{\Phi} \left[\frac{\ln \left(\mu_{\rm d} \right) - \ln \left(\mu_{\rm c_{max}} \right)}{0.5} \right]$

注: **Φ**为标准正态分布。

根据表6中的公式,进行函数图像拟合,得出 各墩的损伤超越概率与PGA的关系曲线,如图8~ 12所示。









图9 顺桥向2*墩易损性曲线

Fig. 9 Fragility curve of the $2^{\#}$ pier along bridge direction



图10 顺桥向3*墩易损性曲线

Fig. 10 Fragility curve of the 3[#] pier along bridge direction



Fig. 11 Fragility curve of the 4[#] pier along bridge direction







损伤概率达到99.9%视为桥墩达到损伤阶段。 从图8~12可以看出,多跨连续刚构桥在顺桥向地 震作用下,1*~5*墩达到轻微损伤时的地面峰值加 速度分别为0.6g、0.7g、0.9g、0.8g、0.6g;达到中 等损伤时的地面峰值加速度分别为0.6g、0.7g、 1.0g、0.8g、0.7g; 达到严重损伤时,1[#]、2[#]墩的地 面峰值加速度分别为0.7g、0.9g, 3[#]墩在PGA为 1.0g时严重损伤概率为99.83%;未达到严重损伤时,4[#]、5[#]墩在PGA为1g和0.9g时,达到严重损伤标准。完全损伤状态下,在1.0g时1[#]~5[#]墩的破坏概率分别为92.40%、84.58%、70.18%、78.30%和89.99%。

从图8~12还可以看出,顺桥向地震作用时, 1*、5*墩的易损性曲线较为接近,2*、4*墩的易损 性曲线较为接近,3*墩出现损伤的概率相对最小。 宋帅等人^[12]研究发现随着刚构桥墩高增加抗震性能 随之增加,桥梁中墩较边墩更易损坏。表明:1*、 5*墩对称布置,墩高相同,损伤概率接近。2*、4* 墩虽对称布置,但4*墩比2*墩高。因此,4*墩受到 顺桥向地震作用时,其损伤概率比2*墩的低。在常 见地形设计中,中墩桥墩墩高一般较两侧高,可 消除中墩更易损坏的缺陷。

4 横桥向桥墩地震易损性分析

采用 IDA 的方法,可以得出横桥向地震作用 时各墩的损伤超越概率与地震动峰值加速度 PGA 的关系曲线,如图 13~17 所示。







Fig. 14 Fragility curve of the 2[#] pier in transverse direction



图15 横桥向3*墩易损性曲线





图16 横桥向4[#]墩易损性曲线









同样将损伤概率达到99.9%视为桥墩已到达损 伤阶段。从图13~17可以看出,多跨连续刚构桥 梁在横桥向地震作用,1*~5*墩达到轻微损伤时, 地面峰值加速度分别为0.4g、0.4g、0.5g、0.4g、 0.4g; 达到中等损伤时的地面峰值加速度分别 0.5g、0.5g、0.6g、0.5g、0.5g; 达到严重损伤时的 地面峰值加速度分别为0.5g、0.6g、0.7g、0.6g、 0.5g。在完全损伤状态下,PGA在1.0g时,1[#]~5[#] 墩的破坏概率分别为99.56%、99.02%、97.68%、 98.93%、99.58%。

从图 13~17还可以看出,轻微损伤、中等损 伤、严重损伤各状态下的易损性曲线在 0.5g之前 几乎呈线性变化,且损伤概率上升较快。这是由 于桥梁还处于弹性阶段,主要由钢筋承受应力, 完全损伤状态下的易损性曲线呈非线性变化,且 各损伤状况与受到顺桥向地震作用时不同。因此, 墩高对对称布置墩的损伤概率影响不大。

5 全桥易损性分析

桥梁任何一个构件的破坏都可能造成全桥的 整体破坏。全桥的易损性分析是一种直观、科学、 系统的比较方法。采用一阶界限法对该桥进行全 桥的易损性分析^[13],相比其他方法,这种方法更保 守,更简便。通过将每个构件进行串联,构成了 一个桥梁系统。地震作用下,只要桥梁系统的任 一构件损伤概率达到指定的损伤状态,则认为桥 梁达到了对应的损伤状态。其计算式为:

$$P_{\rm w} = 1 - \prod_{i=1}^{m} \left[1 - P(F_i) \right]$$
(6)

式中: *P*_w为桥梁达到指定损伤状态的概率; *P*(F_i) 为第*i*个构件达到指定损伤的概率。

根据式8计算各构件各损伤状态的概率,并得 到全桥的易损性曲线,如图18~19所示。



图18 顺桥向全桥易损性曲线





Fig. 19 Fragility curve of the whole bridge in transverse direction

从图18~19可以看出,完全损伤的易损性曲 线较为平滑,轻微损伤、中等损伤与严重损伤曲 线较为接近。表明:地震作用下,混凝土开裂的 速度较快,塑性铰的出现也较快。其中,横桥向 相对于顺桥向,前3个损伤阶段的变化差距不大, 但在完全损伤阶段,横桥向的损伤发展较快,多 跨连续刚构桥在横桥向更易坍塌。

全桥的易损性曲线呈两阶段变化规律:①轻 微损伤、中等损伤与严重损伤时,全桥易损性曲 线呈近似于线性的变化规律。在0~0.2g的地震动 峰值加速度区间内,桥梁系统损伤概率急剧上升。在 0.3g时,各项损伤概率都达到了 100%。②完全 损伤概率变化趋于非线性,这是由于桥梁结构呈 非线性变化,桥梁为塑性变化阶段,塑性较大量 出现。因此,桥梁结构主筋已进入屈服阶段,桥 梁趋于坍塌。在 0.5g时,完全损伤概率已达到 99.946 6%。在 0.7g时,完全损伤概率达到了 100%。

6 结语

以一座多跨连续刚构桥为工程背景,采用IDA 法,以位移延性比作为地震损伤指标,对桥梁5个 双肢薄壁墩进行易损性分析,得出结论为:

 1)多跨连续刚构桥桥墩呈对称布置。位置对 应、墩高相同的墩的地震易损性基本一致。当受 到顺桥向地震作用时,对称位布置的墩越高,达 到相同损伤状态的概率越低,而当受到横桥向地 震作用时区别不明显。

93

 2)连续刚构桥各桥墩在受到横桥向地震作用 时的损伤概率相较于顺桥向地震作用时的损伤概 率更高。

 同一多跨连续钢构桥中,墩高越高,损伤 概率越低。常见地形设计中,中间桥墩墩高一般 较两侧边墩高,能使中墩更牢固。

4)刚构桥全桥达到轻微损伤、中等损伤和严 重损伤时,曲线较为接近,且发展较快,易达到 损伤指标,完全损伤曲线呈非线性,前段和后段 发展较缓,中段发展较快。受到横向地震作用时 比受纵向地震波作用时更容易被破坏。

参考文献(References):

- [1] 李照字.高烈度区铁路悬索桥地震分析研究[D].成都: 西南交通大学,2015.(LI Zhaoyu.Research on the seismic response analysis of railway suspension bridge in highintensity earthquake zone[D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University,2015(in Chinese))
- [2] 曹操,李传习,刘永明.小半径曲线连续梁桥地震反应分析[J].交通科学与工程,2018,34(2):64-70. (CAO Cao, LI Chuanxi, LIU Yongming. Seismic response analysis of minor radius curve continuous beam bridge[J]. Journal of Transport Science and Engineering, 2018, 34(2): 64-70. (in Chinese))
- [3] 肖勇刚,马千川.大跨度上承式钢管砼变截面桁架拱桥 抗震分析[J].公路与汽运,2021(1):109-113,117. (XIAO Yonggang, MA Qianchuan. Seismic analysis of long span deck CFST variable section truss arch bridge [J]. Highways & Automotive Applications, 2021(1):109-113, 117.(in Chinese))
- [4] KARIM K R, YAMAZAKI F. Effect of earthquake ground motions on fragility curves of highway bridge piers based on numerical simulation[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2001,30(12):1839-1856.
- [5] 葛强.基于 IDA 的预应力混凝土连续梁桥易损性分析
 [J]. 工程与建设, 2019, 33(5): 766-769. (GE Qiang. Evaluation of seismic vulnerability of prestressed concrete continuous girder bridge using incremental dynamic analysis[J]. Engineering and Construction, 2019, 33(5):766-769.(in Chinese))
- [6] 毛穗丰,刘强,魏凯,等.基于 IDA 分析的深水高墩连续刚 构桥地震损伤评价[J].水利水电技术,2019,50(S1):146-152. (MAO Suifeng, LIU Qiang, WEI Kai, et al. Seismic damage evaluation of high pier continuous rigid frame

bridge in deep water based on IDA[J]. Water Resources and Hydropower Engineering, 2019, 50(S1): 146-152.(in Chinese))

- [7] 董俊,曾永平,陈克坚,等. 贝叶斯估计的桥梁结构地震易 损性分析[J]. 哈尔滨工业大学学报,2021,53(9):88-98.
 (DONG Jun, ZENG Yongping, CHEN Kejian, et al. Seismic vulnerability analysis of bridge structures using Bayesian estimation[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2021,53(9):88-98.(in Chinese))
- [8] SHINOZUKA M, FENG M Q, KIM H K, et al. Nonlinear static procedure for fragility curve development[J]. Journal of Engineering Mechanics, 2000, 126(12): 1287-1295.
- [9] 曾恋婷.基于材料时变特性钢筋混凝土桥的震害预测研究[D].广州:广州大学,2018. (ZENG Lianting. Study on the seismic damage prediction of reinforced concrete bridge based on time-varying properties of materials[D]. Guangzhou: Guangzhou University,2018. (in Chinese))
- [10] 赵金钢,贾宏宇,李晰,等.基于实际场地和碰撞双重效应 的高墩大跨连续刚构桥易损性分析[J].华南理工大学 学报(自然科学版),2019,47(1):64-74.(ZHAO Jingang, JIA Hongyu,LI Xi, et al. Fragility analysis of high-pier and long-span continuous rigid frame bridge based on double effects of the actual site and collision[J]. Journal of South China University of Technology (Natural Science Edition),2019,47(1):64-74. (in Chinese))
- [11] 陈冰洋.大跨径斜拉桥纵横向地震易损性分析[D].西 安:长安大学,2019. (CHEN Bingyang. Longitudinal and transverse seismic fragility analysis of long span cable stayed bridges[D]. Xi'an: Changan University, 2019. (in Chinese))
- [12] 宋帅,王帅,吴刚.不同墩高双薄壁墩连续刚构桥地震响应研究[J].工程抗震与加固改造,2020,42(2):107-112.
 (SONG Shuai, WANG Shuai, WU Gang. Study on seismic response of continuous rigid frame bridge with double piers of different pier heights[J]. Earthquake Resistant Engineering and Retrofitting, 2020, 42(2):107-112.(in Chinese))
- [13] 吴慎其,王德斌,李新,等.多维地震动作用下曲线连续桥梁地震易损性研究[J].低温建筑技术,2020,42(3):37-41.
 (WU Shenqi, WANG Debin, LI Xin, et al. Research on seismic vulnerability of curved continuous bridges under multi-dimensional ground motion[J]. Low Temperature Architecture Technology, 2020,42(3):37-41.(in Chinese))