#### DOI:10.16544/j.cnki.cn43-1494/u.20240409002

文章编号:1674-599X(2025)02-0053-10

引用格式:周烽,曾鑫,吴庆凌,等.考虑端部效应的方柱绕流特征及风载分布规律[J].交通科学与工程,2025,41(2):53-62.

**Citation**: ZHOU Feng, ZENG Xin, WU Qingling, et al. Flow characteristics around square columns and wind load distributions considering the end effect[J]. Journal of Transport Science and Engineering, 2025, 41(2): 53-62.

# 考虑端部效应的方柱绕流特征及风载分布规律

周烽1,曾鑫1,吴庆凌1,高星元2,唐浩俊2

(1.西南交通大学 力学与航空航天学院,四川 成都 611756;2.西南交通大学 土木工程学院,四川 成都 611756)

摘 要:【目的】探究有限长度方柱的绕流特性及端部效应对其气动力分布的影响。【方法】采用数值模拟对不同宽高比和纵向长度下方柱的气动特性进行了系统分析。首先,通过二维方柱截面计算验证了模型及方法的可靠性,并讨论了宽高比对截面气动力的影响。随后,分析了三维有限长度方柱的气动力沿纵向的演变规律及端部绕流的影响范围。【结果】截面宽高比的增加导致尾流区域旋涡长度随之增加,负压区减小,阻力系数和斯特劳哈尔数呈线性递减趋势;当长高比小于20时,方柱整体阻力系数与斯特劳哈尔数随纵向长度的增加而迅速增大,尾流场变化显著,呈现出明显的三维特征;当长高比进一步增大时,参数的增幅趋缓,但端部绕流现象仍然突出,两端旋涡脱落现象减少,气动力呈现中部大而端部小的分布特征。【结论】揭示了有限长度方柱绕流的三维特性及端部效应对气动力分布的重要影响,为工程设计与空气动力学应用提供了重要参考。
 关键词:空气动力学;三维方柱;端部效应;数值模拟;流场特性;气动力
 中图分类号:0355

# Flow characteristics around square columns and wind load distributions considering the end effect

ZHOU Feng<sup>1</sup>, ZENG Xin<sup>1</sup>, WU Qingling<sup>1</sup>, GAO Xingyuan<sup>2</sup>, TANG Haojun<sup>2</sup>

(1. School of Mechanics and Aerospace Engineering, Southwest Jiaotong University, Chengdu 611756, China;2. School of Civil Engineering, Southwest Jiaotong University, Chengdu 611756, China)

Abstract: [Purposes] The paper aims to investigate the flow characteristics around finite-length square columns and the impact of end effects on aerodynamic force distribution. [Methods] This study conducted numerical simulations to systematically analyze aerodynamic behaviors under varying width-to-height ratios and longitudinal lengths. Initially, the reliability of the computational model and method was validated using a two-dimensional square column section, and the influence of the width-to-height ratio on sectional aerodynamic characteristics was examined. Subsequently, the evolution of aerodynamic force distribution in the longitudinal direction and the extent of end flow effects were identified in three-dimensional finite-length square columns. [Findings] Results indicate that as the width-to-height ratio increases, the vortex length in the wake region grows while the low-pressure zone shrinks, which leads to a linear decrease in drag coefficient and Strouhal number. When the length-to-

收稿日期:2024-04-30

**基金项目:**国家自然科学基金项目(52178507);四川省自然科学基金项目(2022NSFSC0431、2022NSFSC0004);中央高校基本 科研业务费专项资金项目(2023002)

通信作者: 唐浩俊(1988—), 男, 副教授, 主要从事桥梁风工程方面的研究工作。E-mail: thj@swjtu.edu.cn

height ratio is below 20, both the overall drag coefficient and Strouhal number rise rapidly with the increasing longitudinal length, and the wake flow field changes significantly, exhibiting strong threedimensional characteristics. As the length-to-height ratio continues to increase, the growth rates of these parameters slow down. However, end flow effects remain prominent. The vortex shedding near both ends weakens, which makes aerodynamic force show the distribution characteristics of being higher in the middle and lower at the ends. [Conclusions] This study reveals the three-dimensional flow characteristics around finite-length square columns and highlights the critical role of end effects in their aerodynamic force distribution, providing valuable insights for engineering design and aerodynamic application.

Key words: aerodynamics; three-dimensional square column; end effect; numerical simulation; flow field characteristic; aerodynamic force

钝体绕流是桥梁工程领域中常见的问题,气流 在经过桥梁主梁、桥塔或缆索构件时,可能会发生 流动分离,并导致在尾流区域内产生旋涡脱落,造 成桥梁整体结构或局部构件产生风致振动。因此, 钝体绕流问题一直是桥梁风工程领域的研究热点, 对于桥梁风荷载的取值及风致振动机理的研究具 有重要意义<sup>[1-4]</sup>。

许多学者选择理想矩形或圆形截面作为研究 对象,其研究结论不仅能直接反映具有相似截面结 构的绕流特性,还有助于分析具有复杂截面结构的 绕流特性。张航等<sup>[5]</sup>以串列双矩形拱肋为对象,研 究了拱桥拱肋的气动力及气动干扰效应,为拱肋气 动外形设计提供了参考。李文舒等[6]研究了矩形前 缘剪切流对圆柱气动力的影响,为桥上行车的安全 性和稳定性分析提供了参考。陈修煜等「「研究了矩 形立柱的非定常驰振问题,为桥梁工程中类矩形钢 立柱、钢吊杆或钢梁的驰振分析提供了参考。LI 等[8]研究了大尺寸矩形断面尾流对小尺寸圆形断面 气动性能的影响,揭示了桥塔周围细长吊索的尾流 致振机理。熊涛等<sup>[9]</sup>对宽高比为4的矩形柱涡激振 动进行数值模拟后发现,二维、三维模型的数值模拟 方法均能准确地捕捉矩形柱的涡激振动区间。郭志 远等[10]分别采用传统监测点分析方法与局部流场动 态模态分解方法计算圆柱剪切层不稳定性的特征频 率,发现这两种方法得到的频率基本一致。

桥梁结构的抗风性能分析通常基于条带假 定,即假定某一截面的气动力特性能代表其他截 面的气动力特性。因此,相关研究大多集中于二 维绕流问题,即使进行三维模拟,由于截面在纵向 保持不变,其本质上仍然是二维绕流问题。然而, 对于实际工程中的有限长度结构,由于端部绕流 效应的存在,其流场呈现出三维特性,与二维模拟 结果存在显著差异。李石清等<sup>[11]</sup>通过风洞试验对 宽高比为1:5的方柱的绕流特性进行了研究,发现 时均阻力系数最大值出现在模型自由端附近,而脉 动升力系数的最大值出现在模型中段。王汉封 等<sup>[12]</sup>运用大涡模拟方法对有限长度的正方形棱柱 绕流问题进行了研究,结果表明:在自由端后下扫 流的作用下,有限长棱柱的尾流具有显著的三维 特性。

在桥梁施工阶段,由于端部绕流效应的影响, 条带假定可能并不完全适用。在悬索桥的加劲梁 吊装施工过程中,以及斜拉桥主梁、拱桥拱肋悬臂 的施工过程中,端部绕流会导致局部流场呈现出 三维特性<sup>[13-14]</sup>。因此,掌握端部效应对结构气动 力的影响能更准确地评估桥梁施工阶段的抗风 性能。

桥梁主梁截面往往具有钝体特性,例如,流线型 的钢箱梁在加装附属设施或考虑来流攻角时也会展 现出钝体特征。为了更好地掌握端部绕流对钝体结 构气动力的影响,本文以方柱为对象,通过数值模 拟,系统地比较了端部效应对其绕流特性的影响,对 不同宽高比、长高比下的有限长度方柱在高雷诺数 条件下的阻力系数和斯特劳哈尔数的变化规律进行 了深入研究,并探讨了气动力沿方柱纵向的非均匀 分布特性,以及其随纵向长度的演变规律。

### 1 方柱截面的绕流特性

本文针对钝体截面的绕流特性进行了数值模 拟研究。首先,分析了正方形截面(宽高比为1)的 绕流特性。在验证模型可靠、结果准确的基础上, 进一步分析了其他截面(宽高比为0.7~1.3)方柱对 绕流特性的影响,并确定了阻力系数和斯特劳哈尔 数随宽高比的变化规律。

#### 1.1 二维模型及结果分析

计算区域如图1所示,其中D、B分别为截面高度、宽度。取D为0.1m,来流风速U为3.22m/s,此时雷诺数*Re*=22000。



Fig. 1 Calculation area of two-dimensional square column

采用结构化的四边形网格对方柱边界区域进行 "O-Block"切分,确保贴近方柱边界的网格高度足够 小(本文取网格高度为10<sup>-6</sup> m),而远离方柱边界的网 格高度则逐渐增加。总网格数量为7.2万个,网格划 分如图2所示。左侧边界设置为风速进口条件,取来 流风速为U=3.22 m/s,右侧边界设置为压强出口条 件。湍流因子取为10%,黏性系数取为2。上下壁面 设置为对称边界条件,方柱设置为无滑移固壁边界 条件。根据(Δt·U)/D<1的原则确定计算步长Δt 为 0.01 s。研究表明:SST k-ω湍流模型得到的模拟结果 与风洞试验结果最为吻合,因此本文选择SST k-ω模 型作为湍流模型,求解方法选用SIMPLEC算法。



在体轴坐标系下,阻力系数 $C_{\rm D}$ 、升力系数 $C_{\rm L}$ 、斯特劳哈尔数St分别按照式(1)~(3)进行定义。

$$C_{\rm D} = \frac{F_{\rm D}}{\frac{1}{2}\rho U^2 DL} \tag{1}$$

$$C_{\rm L} = \frac{F_{\rm L}}{\frac{1}{2}\rho U^2 BL} \tag{2}$$

$$St = \frac{fD}{U} \tag{3}$$

式中: $F_{\rm D}$ 为阻力; $F_{\rm L}$ 为升力;L为纵向长度,二维计算时L取1m;f为截面的旋涡脱落频率; $\rho$ 为流体密度。

待计算稳定后,取足够时间内的结果进行分析, 得到阻力系数平均值  $\bar{C}_{D}$ 为2.11。升力系数  $C_{L}$ 的时程 曲线如图 3 所示,对该曲线进行频谱分析,升力系数 功率谱如图 4 所示,由图 4 可以观察到卓越频率为 3.989 7 Hz。卓越频率是由尾流中的旋涡脱落所导 致的,因此它表征了该截面的旋涡脱落频率。将这 一频率代入式(3)中,可以得出方柱截面的 St 为 0.124。当雷诺数为22 000时,采用不同方法得到的 St、 $C_{D}$ 如表1所示,结果表明:本文所得阻力系数平均 值和斯特劳哈尔数与相关文献所得结果基本一 致<sup>[15-18]</sup>,验证了本文计算结果具有较高的可信度。



投稿网址:https://jtkxygc.csust.edu.cn/jtkxygc/home

第41卷

Table 1         Comparison of calculation results				
算例	St	$C_{ m D}$		
LYN <sup>[15]</sup>	0.132	2.06		
李雪健等[16]	0.126	2.13		
杜明倩等[17]	0.132	2.18		
谢志刚等[18]	0.125	2.12		
本文	0.124	2.11		

表1 计算结果对比

# 

基于前述二维计算的结果,本文保持计算区 域、计算参数、来流风速不变,进一步研究了不同宽 高比对截面气动特性的影响。保持特征高度D不 变,改变特征宽度B使宽高比B/D取为0.7~1.3。待 流场稳定后,按前述方法计算得出C<sub>D</sub>、St随宽高比 的变化规律,如图5所示。



由图5可知, C<sub>D</sub>、St均随着 B/D的减小而增大,即 C<sub>D</sub>、St与B/D呈负相关关系,本文基于流场的变化来 解释其变化规律。取10个以上旋涡脱落周期后的 时均静压强作为压强数据,绘制了不同B/D下的时 均压强云图,如图6所示。由图6可知,方柱迎风侧 始终承受正压强,而背风侧则始终承受负压强;随 着B/D的增大,背风侧负压强数值逐渐减小,而由于 高度D始终为0.1 m,迎风侧正压强数值未见明显变 化;压强越小,尾流的吸力也越小,从而导致C<sub>D</sub>相应 减小。因此,C<sub>D</sub>随B/D的增大而减小的主要原因是 背风侧负压强数值的减小。



(a) *B/D*=0.8



(d) B/D=1.3
 图 6 不同宽高比截面的时均压强云图
 Fig. 6 Time averaged pressure contours of sections with different width-to-height ratios

不同宽高比截面的瞬时涡量云图如图7所示, 为了便于比较,统一选取了流场稳定后各截面升力 系数达到最大值和最小值的两个时刻进行绘制。 随着*BID*的增大,截面逐渐由长方形向正方形变化, 但观察尾流场中的旋涡尺寸并未发现明显变化。 因此,仅凭图7中的瞬时涡量云图无法给出*St*与*BID* 呈负相关关系的原因。



投稿网址:https://jtkxygc.csust.edu.cn/jtkxygc/home



## 2 考虑端部效应的三维方柱绕流特性

#### 2.1 模型尺寸及网格划分

基于二维模型结论进一步分析三维模型。首 先,不考虑端部绕流的影响,即假设模型两端与边界 直接相接,这种情况下模型反映的仍是截面的二维 绕流特性,其计算区域如图8(a)所示。接着,为了更 真实地模拟实际情况,模型设计时应考虑端部绕流 的影响以充分模拟三维流场特性,此时方柱两侧与 计算边界保持足够的距离,计算区域如图8(b)所示。 方柱的特征高度D取为0.1 m,在xoy平面内,网格的 划分方式与前述二维模型的类似;z方向上,在靠近 方柱端部处对网格进行加密(加密网格尺寸为10<sup>4</sup> m),而在远离端部处,网格尺寸则逐渐增加以减少总 网格数量,提高计算效率。网格划分如图9所示,不 考虑端部绕流的模型与考虑端部绕流的模型网格总 数量分别为132万个和151万个。三维方柱绕流计算 中计算参数的取值与前述二维模型的保持一致。



(a) 无限长度三维方柱







(b) 不考虑端部绕流模型的 yoz 面网格划分



Fig.9 Mesh division of three-dimensional square column 将三维方柱的计算结果与二维方柱的结果进 行对比,结果如表2所示。不考虑端部效应的三维 方柱绕流的计算结果与二维方柱绕流的计算结果

第2期

#### 较为接近,验证了三维模型计算结果的可靠性。

#### 表2 二维、三维方柱绕流计算结果

 
 Table 2
 Calculation results of flow around two-dimensional and three-dimensional square columns

模型	CD	旋涡脱落频率/Hz	St
二维	2.110	3.990	0.124
三维(不考虑端部效应)	2.114	3.923	0.122

#### 2.2 长高比L/D改变的影响

为研究端部效应对方柱绕流特性的影响,本文选 取 L/D=1、2、4、6、8、10、20、30、50、60、70、80、90、100、 110、120的方柱,在B/D=1的工况下分别进行数值模 拟,研究L/D对 $C_{\rm D}$ 和St的影响。 $C_{\rm D}$ 和St的变化规律如 图 10所示, $C_{\rm D}$ 和St随L/D的增大而增大,在L/D>80后, $C_{\rm D}$ 、St的增加趋势变得平缓,且在L/D=120时,其值 与二维、三维方柱的 $C_{\rm D}$ (约2.11)、St(约0.12)接近。在  $L/D \leq 2$ 时,St 趋近于0,说明此时不存在旋涡脱落现象, 当 $L/D \geq 4$ 时,出现旋涡脱落现象。基于流场的变化分 析 $C_{\rm D}$ 、St 变化规律,在中心截面处,不同L/D下的时均 压强云图和涡量云图分别如图11、12所示。



**图10** C<sub>D</sub>、St 随 L/D 变化规律图









方柱迎风侧始终承受着正压强,而背风侧总是承 受着负压强,且随着L/D的增大,背风侧的负压强数值 逐渐增大,导致尾流的吸力也随之增强,而迎风侧正 压强数值未见明显变化。因此,C<sub>D</sub>随L/D增大而增大 的主要原因是背风侧负压强数值的增大。结合涡量 云图来看,在L/D<20时,随着L/D的增大,方柱尾流场 具有显著的三维特征,并发生了显著变化。具体而 言,当L/D=1时,方柱不存在旋涡脱落现象,因此St为 0;而在其他L/D比值下,均可观察到旋涡脱落现象,且 随着L/D的增大,尾流旋涡的长度逐渐减小。结合本 节C<sub>D</sub>、St与L/D呈正相关关系的结论,可推测旋涡脱落 频率随尾流旋涡长度的减小而增大。因此,尾流 旋涡长度的减小导致St随L/D的增大而增大。

#### 2.3 宽高比 B/D 改变的影响

为进一步考虑有限长度的三维方柱截面宽高 比的影响,本文选取*B/D*=0.4、0.7、1.0、1.5、2.5、3.0的 方柱,在*L/D*=10的工况下分别进行数值模拟,研究 *B/D*对*C*<sub>D</sub>和*St*的影响,得出*C*<sub>D</sub>和*St*随*B/D*的变化规 律曲线,如图13所示。





由图13可知,三维有限长度方柱绕流*C*<sub>D</sub>和*St*的 变化规律与二维情况下的变化规律相似(图5),即*C*<sub>D</sub> 和*St*均与*B/D*呈负相关关系。随着*B/D*的增大,方柱 背风侧负压强的数值逐渐减小,导致尾流的吸力也 随之减弱,而迎风侧正压强数值则没有明显变化。 因此,*C*<sub>D</sub>随*B/D*的增大而减小的主要原因是背风侧负 压强数值的减小。随着*B/D*的增大,尾流旋涡的长度 逐渐增加。当*B/D*增大到2.5时,旋涡脱落现象消失。 2.4 端部效应分析

为进一步讨论端部绕流对气动力分布规律的影响,选取L/D=50、60、70、80、90、100的方柱,在B/D=1的工况下分别进行数值模拟。为研究端部效应对 C<sub>0</sub>、St的影响,沿方柱纵向(z方向)均匀地划分出20 个小截面,并监测 C<sub>D</sub>、St 随截面高度z 的变化规律。 通过分析这些监测点的数据评估端部绕流对 C<sub>D</sub>、St 的影响率。监测点的具体位置如图 14 所示。



图14 监测段划分示意图



不同L/D下 C<sub>p</sub>和St随截面位置变化的分布规律 如图15所示(测段编号与其上表面截面编号相同)。 由图15可知,受端部效应的影响,C<sub>p</sub>呈现出负二次 函数的分布规律。两端截面的St与中间截面的相 差较大,中间截面的St表现出较高的相似性,C<sub>p</sub>和St 均呈现出中部大而端部小的分布规律。随着L/D的 增加,与中间截面St相差较大的两端截面数量随之 增多,这表明端部绕流的影响正逐渐增强。



以L/D=50工况为例,分析端部绕流对C<sub>D</sub>和St的 影响,将方柱整体的C<sub>0</sub>=1.769、St=0.1124作为基准 值,计算出各监测段的差值率,见表3。

表3 L/D=50工况时各监测段C<sub>D</sub>、St的差值率

**Table 3** Difference rate of  $C_{\rm D}$  and St in each monitoring section under L/D=50 working condition

测段	$\delta_{C_{ m b}}$ /%	$\delta_{\scriptscriptstyle St}$ /%
1	0	100.0
2	16	21.9
3	13	3.0
4 ~ 17	2~9	3.0
18	13	3.0
19	16	19.2
20	0	100.0

在计算差值率时不考虑正负,仅考虑数据绝对 值的大小,差值率越大则说明该监测段受端部绕流 的影响越大。当某监测段的差值率大于10%时,就 认为其受端部绕流的影响显著。随着监测段的位 置朝方柱中部移动,其差值率会逐渐减小。当某个 监测段的差值率小于等于10%,并且从该段一直到 中间段,差值率都不再出现大于10%的情况时,则 可认为从该段开始端部绕流的影响逐渐减弱。由 表3可知,对于Co而言,单侧受端部绕流影响显著的 监测段有3个;对于St而言,单侧受端部效应影响显 著的监测段有2个。基于此,按式(4)来定义端部绕 流的影响率。

$$\Delta h = \frac{z_{\rm i}}{20} \times 100\% \tag{4}$$

式中: $\Delta h$ 为端部绕流的影响率; $z_i$ 为两侧受端部绕流 影响显著的监测段数量。

当L/D=50时,端部绕流对C<sub>p</sub>和St的影响率分别 为30%和20%。为了更好地分析该工况下端部绕 流的作用及流场的分布,统一选取升力系数达到最 大值的时刻,并据此得出了不同位置的时均压强云 图(图16)和瞬时涡量云图(图17)。







图16 L/D=50时不同纵向位置的时均压强云图 Fig. 16 Time averaged pressure contours at different longitudinal positions under L/D=50 working condition



(d) z/L=0.430

投稿网址:https://jtkxygc.csust.edu.cn/jtkxygc/home





由图 16、17 可知,随着 z/L 的减小,方柱背风侧 的负压强数值逐渐增大,导致尾流的吸力越来越强, 而迎风侧的正压强数值未出现明显变化。此时 C<sub>D</sub>随 z/L 的减小而增大,同时,随着 z/L 的减小,方柱尾流逐 渐表现出旋涡脱落的趋势,但实际未发生旋涡脱落 现象,因此对应的 St=0。当 z/L=0~0.43 时,即监测 段位置接近方柱中部时,旋涡脱落现象逐渐出现, 且尾流旋涡的长度随 z/L 的减小而缩短,因此会形成 如图 15(b)所示的 L/D=50 工况下 St 随 z/L 的减小而 增大的规律。总体而言,端部绕流对 St 分布规律的 影响率比对 C<sub>D</sub>分布规律的影响率小。

其他工况下端部绕流对 C<sub>D</sub>和 St 的影响率如图 18 所示。在本文的计算工况范围内,端部绕流对阻 力系数和斯特劳哈尔数的影响率均随着 L/D 的增大 而增大,即 L/D 越大,受端部效应影响的截面范围 越广。







## 3 结论

本文对方柱截面和有限长度的三维方柱端部 绕流进行了数值模拟,研究了截面宽高比、纵向长 宽比等参数对截面气动力的影响,得到以下结论:

 方柱的宽高比越大,尾流区域内旋涡长度越 长而斯特劳哈尔数越小。旋涡脱落强度的减小使 负压区对截面产生的吸力减小,即阻力系数减小。

2)方柱长高比越大,即方柱越细长,方柱整体 阻力系数和斯特劳哈尔数也越大。当长高比小于 20时,方柱尾流场变化大,具有显著的三维特征;当 长高比大于等于20时,尾流场的端部绕流效应仍然 突出,其两端的旋涡脱落强度比中部的旋涡脱落强 度小,故气动力呈现出中部大而端部小的分布 规律。

3)端部绕流对方柱阻力系数和斯特劳哈尔数 的影响率与长高比呈正相关关系,即方柱长高比越 大,受端部效应影响的范围越大。说明在实际工程 中,当研究对象具有钝体特性且纵向长度有限时, 有必要考虑端部绕流对其气动性能的影响。

#### 参考文献(References):

- [1] IRWIN P A. Bluff body aerodynamics in wind engineering [J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2008, 96: 701-712. DOI: 10. 1016/j.jweia.2007.06.008.
- [2] YU X T, WU T. Simulation of unsteady flow around bluff bodies using knowledge-enhanced convolutional neural network [J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2023, 236: 105405. DOI: 10.1016/j.jweia.2023.105405.
- LI K, HAN Y, CAI C S, et al. Study on the influence of structural parameters and 3D effects on nonlinear bridge flutter using amplitude-dependent flutter derivatives [J]. Journal of Fluids and Structures, 2024, 125: 104085.
   DOI: 10.1016/j.jfluidstructs.2024.104085.
- [4] 刘叶, 王方立, 韩艳, 等. 风屏障对平层公铁桥上列车防风效果分析[J]. 交通科学与工程, 2021, 37(1): 51-59. DOI: 10.16544/j.cnki.cn43-1494/u.2021.01.008.
  LIU Ye, WANG Fangli, HAN Yan, et al. Study on the protective effects of wind barriers on the train on highway and railway same-story bridge [J]. Journal of Transport Science and Engineering, 2021, 37(1): 51-59. DOI: 10.16544/j.cnki.cn43-1494/u.2021.01.008.
- [5] 张航, 唐浩俊, 莫威, 等. 双矩形拱肋间的气动干扰效 应研究[J]. 工程力学, 2023, 40(6): 131-143. DOI: 10.6052/j.issn.1000-4750.2021.11.0889.

第2期

ZHANG Hang, TANG Haojun, MO Wei, et al. Research on aerodynamic interference between two arch ribs with rectangle cross sections [J]. Engineering Mechanics, 2023, 40(6): 131-143. DOI: 10.6052/j.issn. 1000-4750.2021.11.0889.

[6] 李文舒, 王汉封, 李欢, 等. 矩形前缘剪切流对圆柱气动和绕流特性影响规律的研究[J]. 铁道科学与工程学报, 2023, 20(10): 3638-3647. DOI: 10.19713/j.cnki.43-1423/u.t20222113.

LI Wenshu, WANG Hanfeng, LI Huan, et al. Effects of the leading-edge shear layer of a rectangular on the aerodynamics and flow of a circular cylinder [J]. Journal of Railway Science and Engineering, 2023, 20 (10) : 3638-3647. DOI: 10.19713/j.cnki.43-1423/u.t20222113.

 [7] 陈修煜,朱乐东,檀忠旭.矩形立柱非定常驰振三维非 线性分析及气弹模型试验验证[J].中国公路学报, 2024,37(3):321-329. DOI:10.19721/j.cnki.1001-7372. 2024.03.020.

CHEN Xiuyu, ZHU Ledong, TAN Zhongxu. Threedimensional non-linear analysis and aeroelastic model test on unsteady galloping of rectangular column [J]. China Journal of Highway and Transport, 2024, 37(3): 321-329. DOI: 10.19721/j.cnki.1001-7372.2024.03.020.

- [8] LI Y I, TANG H J, LIN Q M, et al. Vortex-induced vibration of suspenders in the wake of bridge tower by numerical simulation and wind tunnel test[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2017, 164: 164-173. DOI: 10.1016/j.jweia.2017.02.017.
- [9] 熊涛,许育升,陈银伟,等.矩形柱的涡振三维特性数值 模拟研究[J].交通科学与工程,2023,39(2):62-70. DOI:10.1654553464/j.cnki.cn43-1494/u.20210831001. XIONG Tao, XU Yusheng, CHEN Yinwei, et al. Numerical simulation study on three-dimensional vortex vibration characteristics of rectangular columns [J]. Journal of Transport Science and Engineering, 2023, 39 (2): 62-70. DOI: 10.1654553464/j. cnki. cn43-1494/ u.20210831001.
- [10] 郭志远, 虞培祥, 欧阳华. 基于大涡模拟的圆柱绕流剪 切层不稳定性[J]. 上海交通大学学报, 2021, 55(8): 924-932.
  GUO Zhiyuan, YU Peixiang, OUYANG Hua. Shear layer instability of cylindrical flow based on large eddy simulation[J].Journal of Shanghai Jiao Tong University, 2021, 55 (8): 924-932.
- [11] 李石清, 王汉封, 罗元隆, 等. 不同湍流边界层中高层 建筑模型气动力特性[J]. 中南大学学报(自然科学 版), 2020,51(6):1606-1613.DOI:10.11817/j.issn.1672-7207.2020.06.015.

LI Shiqing, WANG Hanfeng, LUO Yuanlong, et al. Aerodynamic characteristics of high-rise building models in different turbulent boundary layers [J]. Journal of Central South University (Natural Science Edition), 2020, 51 (6) : 1606-1613. DOI: 10.11817/j. issn. 1672-7207. 2020.06.015.

- [12] 王汉封,徐萌霞.有限长正方形棱柱绕流的双稳态现
  [J].力学与实践, 2013, 35(3): 46-50. DOI: 10.6052/1000 -0879-13-100.
  WANG Hanfeng, XU Mengxia. The bistable phenomenon of flow around a finite length square prism [J]. Mechanics and Practice, 2013, 35(3): 46-50. DOI: 10.6052/1000-0879-13-100.
- [13] TANG H J, KANG J, LI Y L. Aerostatic and aerodynamic stability of a suspension bridge during early erection stages [J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2023, 233: 105297. DOI: 10.1016/j.jweia. 2022.105297.
- [14] 张航.大跨度拱桥施工阶段拱肋涡振性能的三维流固 耦合分析[D].成都:西南交通大学,2022.DOI:10. 27414/d.cnki.gxnju.2022.001823.
  ZHANG Hang. Arch ribs vortex-induced vibration performance of long-span arch bridge during construction by 3D fluid-structure interaction analysis[D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2022.DOI: 10.27414/d. cnki.gxnju.2022.001823.
- [15] LYN D A. Phase-averaged turbulence measurements in the separated shear layer region of flow around a square cylinder[C]// Proceedings of 23th Congress International Association for Hydraulic Research. Ottawa: Association for Science and Technology, 1989: 85-92.
- [16] 李雪健, 苏中地. 方柱绕流的二维和三维模拟[J]. 中国 计量学院学报, 2013, 24(4):378-380.
  LI Xuejian, SU Zhongdi. Two dimensional and threedimensional simulations of flow around square columns
  [J]. Journal of China Institute of Metrology, 2013, 24 (4): 378-380.
- [17] 杜明倩,毛海英,李宁佳.不同倒角半径下方柱绕流的数值模拟及水动力特性研究[J].海洋科学,2017,41 (7):138-140. DOI:10.11759/hykx20161120001.
  DU Mingqian, MAO Haiying, LI Ningjia. Numerical simulation and hydrodynamic characteristics of flow around columns with different chamfer radii[J]. Marine Science, 2017, 41 (7): 138-140. DOI: 10.11759/ hykx20161120001.
- [18] 谢志刚,许春晓,崔桂香,等.方柱绕流大涡模拟[J]. 计算物理,2007,24(2):172-176.DOI:10.3969/j. issn1001-246X.2007.02.008.
  XIE Zhigang, XU Chunxiao, CUI Guixiang, et al. Large eddy simulation of flow around a square column
  [J]. Computational Physics, 2007, 24 (2): 172-176. DOI:10.3969/j.issn.1001-246X.2007.02.008.

(责任编辑:薛仪)