DOI:10.16544/j.cnki.cn43-1494/u.202302052024081961

文章编号:1674-599X(2024)04-0065-11

引用格式:柏玉良,金伟良,张怡雪,等.多因素作用下混凝土梁长期性能时变劣化规律[J].交通科学与工程,2024,40(4):65-75. **Citation**: BAI Yuliang, JIN Weiliang, ZHANG Yixue, et al. Time-varying deterioration of concrete beams under the action of multiple factors[J]. J Transp Sci Eng, 2024, 40(4): 65-75.

多因素作用下混凝土梁长期性能时变劣化规律

柏玉良,金伟良,张怡雪,吴俊,黄爽,朱明江

(浙江大学 建筑工程学院,浙江 杭州 310058)

摘 要:为了探究混凝土梁在锈蚀、疲劳、徐变等多因素长期作用下的性能劣化规律,对21根试验梁开展了锈蚀、疲 劳和徐变的正交分组试验,通过对钢筋锈蚀深度、梁的刚度和疲劳寿命的测量计算,研究了钢筋混凝土梁长期性能 的时变劣化规律。研究结果表明:相较于无损梁,在2.5%、15.0%、60.0%疲劳寿命比和3、6个月持续荷载作用下,损 伤混凝土梁的锈蚀深度扩大了1.337~1.934倍;随着钢筋锈蚀和疲劳损伤程度的加深,损伤梁的刚度下降了1.694 kN·m²,在持续荷载作用下,其刚度仅为无损梁的34.1%;在锈蚀和徐变相继作用后,损伤梁的疲劳寿命仅为无损梁 的16.14%。根据试验研究结果,给出了损伤混凝土梁的临界锈蚀深度衰减系数、短期刚度降低系数、刚度退化系数 和疲劳寿命衰减系数,以反映复杂荷载与环境作用对混凝土梁长期性能的影响,为混凝土结构的长期性能评估提 供了科学依据。

Time-varying deterioration of concrete beams under the action of multiple factors

BAI Yuliang, JIN Weiliang, ZHANG Yixue, WU Jun, HUANG Shuang, ZHU Mingjiang (College of Civil Engineering and Architecture, Zhejiang University, Hangzhou 310058, China)

Abstract: In order to investigate the performance degradation law of concrete beams under the longterm influence of multiple factors such as corrosion, fatigue, and creep, orthogonal grouping experiments involving corrosion, fatigue, and creep were conducted on 21 test beams. Measurements and calculations were performed on the corrosion depth of the steel reinforcement, the stiffness of the beams, and their fatigue life. The research results indicate that, compared to undamaged beams, the corrosion depth in damaged concrete beams increases by 1.337 to 1.934 times under 2.5%, 15.0% and 60.0% fatigue life ratios and 3 and 6 months of sustained loading. As the degree of reinforcement corrosion and fatigue damage deepens, the stiffness of the damaged beams decreases by 1.694 kN·m², and under sustained loading, their stiffness is only 34.1% of that of the undamaged beams. After the combined effects of corrosion and creep, the fatigue life of the damaged beams is reduced to only 16.14% of that of the undamaged beams. Based on the experimental results, critical corrosion depth attenuation coefficients, short-term stiffness reduction coefficients, stiffness degradation coefficients, and fatigue life attenuation coefficients for damaged concrete beams are provided, reflecting the impact

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51638013、51820105012、52178176)

收稿日期:2023-02-05

通信作者:金伟良(1961—),男,教授,主要从事混凝土结构耐久性和全寿命分析方面的研究工作。E-mail:jinwl@zju.edu.cn

of complex loading and environmental factors on the long-term performance of concrete beams. These findings offer a scientific basis for the long-term performance assessment of concrete structures.

Key words: multi-factor action; concrete beam; critical corrosion depth; short-term stiffness; fatigue life; long-term performance

在服役期间,环境腐蚀、循环荷载以及持续荷 载可能会引发结构一系列不利现象,如钢筋锈蚀、 疲劳损伤和混凝土徐变等。这些现象会导致结构 的安全性、适用性和耐久性逐渐退化,从而影响其 整体可靠性和使用寿命。例如,在沿海工程结构 中,钢筋混凝土构筑物在服役期间会不可避免地受 到氯盐的侵蚀以及各类荷载的作用[1];公路和铁路 桥梁不仅要承受车辆荷载带来的疲劳效应,还需应 对长期荷载引发的混凝土徐变现象[2]。这些复杂外 部因素的共同作用,会降低钢筋混凝土构筑物的安 全性、耐久性和使用寿命。相比于单一作用,多种 荷载与环境因素的共同作用会加速结构长期性能 的退化。例如,荷载的作用会导致混凝土损伤,甚 至形成裂缝,而裂缝的存在给氯离子的快速扩散提 供了通道,加速了钢筋的锈蚀[3]。锈蚀会导致钢筋 与混凝土之间黏结性能退化。而混凝土在疲劳作 用下,微损伤的累积会逐渐降低其强度,进而导致 在恒定荷载的作用下,混凝土的长期徐变变形显著 增大。锈蚀不仅会导致混凝土与钢筋之间的界面 黏结性能退化,进一步增大构件的长期变形,而且 会造成钢筋截面积的减小。这种截面积的减小直 接影响了钢筋在疲劳断裂时的表现,降低了其疲劳 次数,最终使得构件的抗疲劳能力下降。所有作用 综合在一起后会导致结构的长期性能显著劣化,降 低结构的使用寿命[4-6]。

结构的长期性能劣化是一个复杂的过程,它不 仅源于环境腐蚀的影响,还涉及到长期荷载以及这 两者之间的耦合作用。这种性能退化贯穿于结构 的整个服役期间,它不仅会影响结构的耐久性,还 会影响其在疲劳、徐变等长期作用下的适用性和安 全性。因此,结构长期性能的劣化是结构在服役过 程中综合性能逐渐下降的体现^[7]。已有学者对循环 荷载、持续荷载和氯盐环境作用下钢筋混凝土梁的 长期性能进行了大量的研究。毛江鸿等^[8]发现在耐 久性能方面,以钢筋锈蚀导致混凝土保护层锈胀开 裂的问题最为突出;赵羽习等^[9]根据锈胀开裂三阶 段理论,建立了混凝土保护层胀裂时钢筋锈蚀深度 的计算模型;张建仁等^[10]通过研究 37根不同钢筋类

型和锈蚀率的钢筋混凝土梁中的裂缝发现:当锈蚀 率较小时(<4%)锈胀裂缝特征与无损混凝土梁的相 似,随着锈蚀率的增大,裂缝间距和宽度逐渐增大。 赵羽习等[11]通过模拟混凝土构件受锈胀力的现象, 提出了计算混凝土保护层锈胀开裂时非均匀钢筋 锈蚀率的方法;陆春华等[12]以钢筋均匀锈蚀为前 提,根据弹性力学和Faraday腐蚀定律,推导出混凝 土保护层锈胀开裂时钢筋锈蚀率以及锈胀开裂时 间计算公式;ZHONG等^[13]基于Faraday腐蚀定律,建 立了钢筋混凝土保护层开裂前后钢筋均匀锈蚀的 时变模型。在适用性方面,《混凝土结构设计规范》 (GB 50010—2010)对服役混凝土结构构件的挠度 进行了规定,当混凝土结构构件的挠度过大时,会 影响建筑的适用性[14-15]。何世钦等[16]通过持续荷载 作用后锈蚀梁的四点弯曲试验发现:负载作用下锈 蚀梁的挠度随钢筋锈蚀的发展而增加,其中早期增 长较大;孙彬等[17]考虑了锈蚀钢筋混凝土梁黏结性 能的退化,并结合试验数据,对规范中的短期刚度 计算公式进行修正,提出了锈蚀梁抗弯刚度的计算 方法:汪小平等[18]在模拟短期低应力徐变作用后对 钢筋混凝土梁进行静载试验,试验结果表明:经过 短期低应力徐变作用后的梁,在经受较低水平的静 载作用时,随堆载徐变时间的增加,跨中挠度显著 增大,且挠度随荷载增加速率的增长而增大;张建 仁等[19]通过对4根相同钢筋类型的钢筋混凝土梁开 展研究发现:锈蚀梁在低锈蚀率(<5%)、小荷载(<开 裂荷载)作用下的抗弯刚度有所增加,在屈服荷载 前的挠度随着钢筋锈蚀率的增加而减小。在安全 性能方面,腐蚀和循环荷载共同作用引起的疲劳破 坏,会大大缩短结构的服役寿命,严重影响结构的 安全性能^[20]。已有学者^[21-24]对锈蚀钢筋混凝土梁的 疲劳性能进行研究并发现:锈蚀钢筋混凝土梁在循 环荷载的作用下,在蚀坑处引发应力集中和重分布 现象,导致钢筋疲劳裂纹不断发展而发生疲劳断 裂,结构寿命缩短,安全性能降低。

目前对于复杂工况下混凝土结构长期性能的 研究主要集中于循环荷载、持续荷载与氯盐环境三 者单一或两种因素共同作用层面,关于三种因素共 同作用下混凝土结构或构件长期性能问题的研究 较少。由于三种因素共同作用下的破坏机理复杂, 本文基于疲劳、锈蚀和徐变的正交试验,从锈蚀深 度、刚度和疲劳寿命三个长期性能指标出发,对混 凝土梁的耐久性、适用性和安全性进行了研究,研 究结果可以为相关工作者提供科学有效的加固维 修策略,有利于提高结构的稳定性和使用寿命,具 有重要的理论及工程意义。

1 试验概况

1.1 材料参数

本试件采用C30混凝土,水泥采用P·O 42.5,粗 骨料采用具有5~16 mm 连续级配的碎石,细骨料采 用细度模数为2.8 的河砂,砂率为0.36,水灰比为 0.55,混凝土配合比及其基本力学性能见表1。同时 浇筑边长为150 mm 的混凝土立方体试块,在自然条 件下养护28 d后测得轴心抗压强度 f_e 为32.65 MPa, 混凝土弹性模量 E_e 为1.71×10⁴ MPa,钢筋的力学性 能见表2。

表1 混凝土配合比及其力学性能

Table 1 Mix ratio and mechanical properties of concre	te
---	----

混	凝土配合	·比/(kg•m	シェル	抗压强	弹性	
水泥	水	粗骨料	细骨料	小灰比	度/MPa	模量/MPa
382	210	1 157	651	0.55	32.65	1.71×10 ⁴

	表 2	钢筋力学性能
Table 2	Mecha	nical properties of steel bar

rubic 2		inteenaniear properties of steel ours				
钢筋 类型	公称 直径/ mm	实测截 面积/ mm ²	屈服 强度/ MPa	极限 强度/ MPa	弾性 模量/MPa	伸长 率/%
1100200	6	26.42	313.5	424.0	2.06×10 ⁵	28.4
HPB300	8	45.36	320.3	441.5	2.05×10 ⁵	30.0
HRB400	10	72.38	497.1	572.9	1.95×10 ⁵	20.8

1.2 试件设计

钢筋混凝土梁的尺寸及配筋如图1所示。矩形钢筋混凝土梁试件的尺寸为100 mm×150 mm×1 700 mm。底部纵筋为2根直径为10 mm的HRB400钢筋; 弯剪段设置直径为6 mm,间距为100 mm的HPB300箍筋;架立筋采用4根直径为8 mm的HPB300钢筋, 呈对称布置;纯弯段不设架立筋。混凝土保护层厚度为15 mm。底部配筋率为1.22%,按照规范设计为适筋梁。梁的受剪承载力高于受弯承载力,以保证梁在试验过程中不发生受剪破坏。





1.3 试验概况

静力加载时,使用手摇式千斤顶进行四点弯曲 加载,并采用分级加载的方式进行试验:30.0 kN前 每级加载 2.0 kN,30.0 kN后每级加载 1.0 kN。在跨 中和两端支座处布置LVDT直线式位移传感器并连 接至 DH5921 动态数据采集仪,进行跨中和支座挠 度数据采集,得到梁的受弯极限荷载为38.1 kN。静 力加载试验装置如图2所示。







1) 疲劳试验。

疲劳试验中使用 PMW800 电液式脉动疲劳试 验机进行等幅疲劳加载,加载频率为4 Hz,输出波 形为正弦波。在正式疲劳加载前,先进行 2 次拟动 力加卸载;进入正式循环加载后,当循环次数分别 到达 2 000、4 000、1万、2万、5万、10万、20万、50万次 时停止循环荷载,分级加载至疲劳上限,分级荷载值 分别为 0.0、4.5、7.5、11.5、15.5、19.5、23.5、26.7 kN, 直至梁发生疲劳破坏。此时,记录梁的跨中和两端 支座处挠度,并得到梁疲劳破坏时的疲劳寿命为 159 033次。疲劳加载试验装置如图 3 所示。

2) 通电加速锈蚀试验。

通电加速锈蚀前,先将试验梁放入5%氯化钠 溶液中浸润2d,便于形成电流通路。同时,采用外 加恒定电流加速钢筋锈蚀,将梁内钢筋通过预设的 导线直接与直流电源正极相连,不锈钢网与电源负 极相连。腐蚀槽内为5%氯化钠溶液,不锈钢网和 吸水海绵放置在垫块上,保持溶液液面高度不超过





Fig. 3 Fatigue loading test device

海绵顶部,而梁底部则通过吸水海绵与盐溶液接触,既能保持梁底湿润,又可以避免将试验梁完全 浸没入溶液中而造成锈蚀产物随盐溶液大量流 出^[25]。电流密度*i*_{cor}为200 μA/cm²,理论通电时间可 以根据Faraday定律进行计算,则有^[13]:

$$\Delta \omega_{\rm s} = \frac{MI_{\rm corr}t}{zF} \tag{1}$$

$$I_{\rm corr} = i_{\rm corr} \cdot \pi dl \tag{2}$$

式中: $\Delta\omega_s$ 为钢筋因锈蚀损失质量,g;M为铁元素的 摩尔质量,取为56g/mol;t为通电时间,h;z为铁离子 的化学价(Fe²⁺的为2,Fe³⁺的为3);F为法拉第常数, 取为96500 C/mol; I_{corr} 为实际通电流大小,A; i_{corr} 为电 流密度, μ A/cm²;d,l分别为钢筋的直径和长度,mm。

待到试件破坏后将混凝土敲碎,取出锈蚀钢筋。首先,清洗并除去锈蚀钢筋表面少量附着的混凝土,再放入12%稀盐酸溶液中进行除锈。而后,洗去锈蚀产物,再用石灰水中和。最后,经清水漂洗干净并充分干燥,测量每根钢筋的实际重量,并依据《普通混凝土长期性能和耐久性能试验方法标准》(GB/T 50082—2009)计算钢筋实际锈蚀率。试验装置如图4所示。





3) 堆载试验。

采用四点堆载试验,在梁的三分点处施加荷载,

总荷载为10.0 kN。在持续荷载作用期间,用千分表测量试件的跨中挠度,测点分别位于跨中截面距梁顶10、20 mm处。

2 耐久性能试验分析

2.1 试验分组及过程

以7根钢筋混凝土梁的耐久性能为主要研究对 象,同时考虑循环荷载和持续荷载对钢筋混凝土梁 耐久性的影响,将试验进行分组,见表3。根据钢筋 混凝土梁锈蚀深度的变化情况,研究在循环荷载与 持续荷载作用下,存在疲劳和徐变损伤的钢筋混凝 土梁的耐久性退化规律。

2.2 腐蚀环境下的耐久性能劣化规律

在腐蚀环境下由钢筋锈蚀引起的混凝土结构 耐久性能退化分为四个阶段:钢筋初锈、混凝土保 护层锈胀开裂、裂缝宽度达到限值、承载能力达到 限值^[26]。混凝土梁经历循环荷载和持续荷载作用 后,其表面已产生较多的裂缝,在腐蚀环境下,钢筋 表面氯离子浓度很快就达到临界值,使钢筋迅速发 生锈蚀。因此将钢筋初锈作为耐久性能的失效准 则已不适用。基于此,本文将混凝土保护层锈胀开 裂作为循环荷载和持续荷载作用下耐久性能的失 效准则。

当钢筋锈蚀达到一定程度时,混凝土保护层锈 胀开裂。钢筋锈蚀程度可以用锈蚀深度来衡 量^[27],在通电加速锈蚀试验中,如假定钢筋均匀锈 蚀(不考虑钢筋在腐蚀环境下的非均匀锈蚀),则最 终锈蚀深度 $\delta_{u,ex}$ 可以根据式(3)求得。此外,含疲 劳和徐变损伤的混凝土梁在通电加速锈蚀试验中, 由于电流强度保持恒定不变,可以认为钢筋处于匀 速锈蚀状态,锈蚀深度与锈蚀时间成正比。因此, 混凝土保护层锈胀开裂时的临界锈蚀深度 $\delta_{er,ex}$ (考 虑循环加载与持续荷载的作用)可以根据式(4)求 得。试验结果如表4所示。

$$\delta_{u,ex} = d \left(1 - \sqrt{1 - \eta_m} \right) \tag{3}$$

$$\delta_{\rm cr,\,ex} = \frac{t_{\rm cr,\,ex}}{t_{\rm u,\,ex}} \delta_{\rm u,\,ex} \tag{4}$$

式中: $t_{er,ex}$ 为混凝土保护侧锈胀开裂时间; $t_{u,ex}$ 为人工 加速锈蚀试验最终通电时间; η_{u} 是钢筋平均锈蚀率。

Table 3 Groups and parameters of corrosion experiment								
			疲劳试验参数	(徐变试	验参数	锈蚀试	验参数
试验梁编号	损伤试验	$S_{\rm max}$	r	R	持荷水平/kN	持荷时间/d	电流密度/ (µA·cm ⁻²)	通电时间/h
\mathbf{B}_{E}	锈蚀						200	288
B _{F2.5C3E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.025	10	90	200	288
B _{F15C3E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.150	10	90	200	288
B _{F60C3E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.600	10	90	200	288
B _{F2.5C6E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.025	10	180	200	288
B _{F15C6E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.150	10	180	200	288
B _{F60C6E}	先疲劳后徐变再锈蚀	0.7	0.1	0.600	10	180	200	288

表3 锈蚀试验分组及参数 Table 3 Groups and parameters of corrosion experimen

注:B_E为无损梁的锈蚀试验,作为对照组;S_{max}表示疲劳应力水平(循环荷载上限与极限抗弯承载力的比值);r表示疲劳应力比;R为疲劳 寿命比(R = N/N_f,N为循环次数);B_{F2.5C3E}表示无损梁先进行2.5%疲劳寿命次数的循环加载试验,然后进行3个月(每个月30d)的徐变堆载试验,最后进行288h的通电加速锈蚀试验,其他梁编号的含义以此类推。

表4 混凝土保护层锈胀开裂时间和钢筋锈蚀深度试验结果

 Table 4
 The test results of concrete cover cracking time and reinforcement corrosion depth

试验梁	锈胀开	通电	平均锈	钢筋直	最终锈蚀	临界锈蚀
编号	裂时间/h	时间/h	蚀率/%	径/mm	深度/mm	深度/mm
B_E	113.8	288	3.59	10	0.181	0.071 0
B _{F2.5C3E}	80.1	288	7.30	10	0.242	0.067 3
B _{F15C3E}	61.8	288	5.87	10	0.298	0.064 0
B _{F60C3E}	48.6	288	4.78	10	0.372	0.062 8
B _{F2.5C6E}	65.4	288	6.89	10	0.284	0.064 4
B _{F15C6E}	54.8	288	5.59	10	0.326	0.062 1
B _{F60C6E}	49.6	288	6.42	10	0.350	0.060 4

从表4中可以看出,混凝土梁经历疲劳和徐变 损伤后,临界锈蚀深度逐渐减小。经历2.5%、15.0% 和60.0%疲劳寿命次数循环加载试验后,在3个月 的持续荷载作用下,相较于无损梁,有损梁临界锈 蚀深度分别减少了5.21%、9.86%、11.55%;在6个月 的持续荷载作用下,有损梁临界锈蚀深度分别减少 了9.30%、12.54%、14.93%。腐蚀环境下最终锈蚀深 度的变化情况如图5所示。在持续荷载的作用下, 随着疲劳损伤程度的增大,钢筋最终锈蚀深度增幅 明显,进行60.0%疲劳寿命次数的循环加载试验后, 试验梁的最终锈蚀深度接近于无损梁的2倍。



2.3 临界锈蚀深度修正系数

保护层锈胀开裂时钢筋的锈蚀深度为临界锈 蚀深度,王胜年等^[28]考虑了混凝土保护层厚度、混 凝土水胶比、混凝土强度等级、钢筋直径等因素,给 出了混凝土保护层锈胀开裂时的临界锈蚀深度(不 含疲劳和徐变损伤):

$$\delta_{\rm cr} = k_1 k_2 k_3 \left[0.15 \left(R_{\rm Wb} \right)^{1.55} \cdot f_{\rm cu, 28}^{0.34} \left(1 + \frac{2c}{d} \right)^{0.19} \cdot d^{-0.30} \right]$$
(5)

式中: $k_1 = 1 - 0.07m_1 - 0.54m_2 - 2.47m_3$, k_1 为掺合料 修正系数, m_1 、 m_2 、 m_3 分别是粉煤灰、矿渣和矿灰掺 量; k_2 为钢筋位置修正系数,当钢筋在角区位置时 $k_2 =$ 1.00,当钢筋在边中位置时 $k_2 = 1.33$; k_3 为钢筋种类修 正系数,当钢筋为带肋钢筋时 $k_3 = 1.00$,当钢筋为光圆 钢筋时 $k_3 = 0.88$; $f_{eu,28}$ 是混凝土立方体28 d抗压强度; c为混凝土保护层厚度; R_{wb} 为混凝土水胶比。

由于疲劳和徐变损伤的影响,在288 h通电加 速锈蚀试验中,混凝土梁的保护层会提前锈胀开 裂。这是因为循环荷载和持续荷载的作用会使保 护层混凝土产生裂缝与扩展,进而使得锈蚀后混凝 土保护层更易锈胀开裂,钢筋临界锈蚀深度不断减 小。基于式(5),本文引入临界锈蚀深度衰减系数 κ(*R*,*T*),以此评判疲劳和徐变损伤对钢筋临界锈蚀 深度的影响程度。

$$\kappa(R,T) = \frac{\delta_{\rm cr,ex}(R,T)}{\delta_{\rm cr,ex}(R=0,T=0)}$$
(6)

式中: $\delta_{\text{er,ex}}(R,T)$ 为任意疲劳寿命比R和持荷时间T下的临界锈蚀深度; $\delta_{\text{er,ex}}(R = 0, T = 0)$ 为无损梁的临界锈蚀深度。拟合后得到式(7):

$$c(R,T) = 1 - 0.004R - 0.017T + 4.7 \times 10^{-5}R^2$$
⁽⁷⁾

 $+5.691 \times 10^{-4}T^2 + 1.637 \times 10^{-5}RT$

拟合结果如图6所示。从图6可以看出,临界

锈蚀深度衰减系数拟合程度较高,能很好地反映在 疲劳、徐变损伤下,梁内部钢筋的锈蚀情况。因此, 当钢筋混凝土梁在循环荷载和持续荷载的作用下, 循环次数不超过疲劳寿命的60%,持荷时间不超过 6个月时,损伤后的钢筋混凝土梁临界锈蚀深度理 论表达式见式(6)~(7)。



图6 钢筋临界锈蚀深度衰减系数



steel bars

3 适用性能试验分析

3.1 试验分组及过程

以5根钢筋混凝土梁的徐变变形为主要研究对象,同时考虑腐蚀环境和循环荷载对钢筋混凝土梁 长期刚度的影响,将试验进行分组,如表5所示。通 过已产生锈蚀和疲劳损伤混凝土梁的徐变试验,研 究在腐蚀环境和循环荷载作用下混凝土梁基于刚 度指标的适用性退化规律。

3.2 持续荷载作用下的适用性能退化规律

氯盐的侵蚀导致混凝土保护层锈胀开裂,混凝 土内部初始缺陷增多,在循环荷载的作用下,加速 了裂缝的扩展。循环荷载作用下的混凝土结构会 产生疲劳效应,产生内部初始缺陷,随着损伤的积 累,裂缝相互连接、扩展,并与骨料及砂浆之间的黏 结裂缝相互贯穿,形成主裂缝。在持续荷载的作用 下,钢筋与混凝土之间的黏结性能不断下降,使得 结构挠度提前产生,结构刚度降低。由于钢筋锈蚀 率很低、疲劳循环次数较少,产生的微裂缝对混凝 土梁的变形影响较小,因此损伤混凝土梁产生的变 形可以认为是弹性变形,根据结构力学的相关知 识,本试验中梁的短期刚度*B*。可以通过跨中挠度求 得,如式(8)所示。

$$B_s = \lambda \frac{M l_0^2}{f} \tag{8}$$

式中: λ 是挠度系数;M是弯矩; l_0 是计算跨径;f是跨 中截面的挠度。

锈蚀钢筋混凝土梁在循环荷载作用下刚度的 变化情况如表6所示。从表6可以看出,混凝土梁 在锈蚀和疲劳复合作用下,刚度不断减小。相较于 无损梁,经历2%和4%锈蚀率的锈蚀试验梁在 4000次循环荷载作用下,刚度分别降低了33.00%、 39.39%,在22000次循环荷载作用下,刚度分别降 低了46.86%、52.09%。

表5 徐变试验分组及参数

Table 5 Groups and parameters of creep experiment

	+11 <i>lb</i> -	锈蚀试验参数			疲劳试验参数	徐变试验参数		
编号	顶(7) 试验	电流密度/ (µA·cm ⁻²)	通电时间/h	$S_{ m max}$	r	R	持荷水平/kN	持荷时间/d
B _C	徐变						10	190
B _{E2F3C}	先锈蚀后疲劳再徐变	200	114	0.7	0.1	0.03	10	190
B _{E2F15C}	先锈蚀后疲劳再徐变	200	114	0.7	0.1	0.03	10	190
B_{E4F3C}	先锈蚀后疲劳再徐变	200	228	0.7	0.1	0.15	10	190
B _{E4F15C}	先锈蚀后疲劳再徐变	200	228	0.7	0.1	0.15	10	190

注:B_c为无损梁的徐变试验,作为对照组;B_{E2F3c}表示无损梁先进行2%锈蚀率的通电加速锈蚀试验,再进行3%疲劳寿命次数的循环加载试验,最后进行190d的徐变堆载试验,其他梁编号的含义以此类推。

NO MANA MANA								
	Table 6 Stiffness of corroded beams under fatigue damage							
计心测护日	不同循环次数下的抗弯刚度/(kN·mm ²)							
\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	0	200	1 000	4 000	5 000	15 000	20 000	22 000
B _{E0F0}	3.252×10 ⁸							
B _{E2F3}	3.020×10 ⁸	2.362×10 ⁸	2.237×10 ⁸	2.179×10 ⁸				
B _{E4F3}	2.815×10 ⁸	2.908×10 ⁸	2.206×10 ⁸	1.971×10 ⁸				
B _{E2F15}	3.020×10 ⁸	4.255×10 ⁸	2.061×10 ⁸	1.934×10 ⁸	1.915×10 ⁸	1.815×10 ⁸	1.736×10 ⁸	1.728×10 ⁸
B _{E4F15}	2.815×10 ⁸	5.370×10 ⁸	1.964×10 ⁸	1.593×10 ⁸	1.562×10 ⁸	1.566×10 ⁸	1.571×10 ⁸	1.558×10 ⁸

耒6 绿砷涩疲芒损伤下的刚度

注:B_{ppm}为无损梁的疲劳试验,作为对照组;B_{ppm}表示无损梁先进行2%锈蚀率的通电加速锈蚀试验,再进行3%疲劳寿命次数的循环加载 试验,其他梁编号的含义以此类推。

然而混凝土结构在实际服役期间除了遭受氯 离子侵蚀作用和循环荷载作用,还会遭受持续荷载 的作用。含锈蚀和疲劳损伤的混凝土梁在持续荷 载的作用下,刚度随持荷时间的增加逐渐降低,试 验结果如表7和图7所示。从图7可以看出,随着持 荷时间的增加,梁的刚度呈下降趋势,且持荷时间 较短时,刚度的下降速度较快。当持荷时间较长 时,在低锈蚀率水平、低疲劳水平下,梁的刚度逐渐 趋于稳定。

表7 持荷作用下损伤梁的时变刚度 Table 7 Time-varying stiffness of damaged beam under

sustained l	oading
-------------	--------

试验梁	不同持荷时间(d)下的时变刚度/(kN·mm ²)						
编号	0	60	120	180	190		
B_{E0F0}	3.252×10 ⁸	1.756×10 ⁸	1.431×10 ⁸	1.304×10 ⁸	1.333×10 ⁸		
B _{E2F3}	2.179×10 ⁸	1.534×10 ⁸	1.453×10 ⁸	1.358×10 ⁸	1.390×10 ⁸		
B_{E4F3}	1.971×10 ⁸	1.392×10 ⁸	1.321×10 ⁸	1.208×10 ⁸	1.206×10 ⁸		
$\mathrm{B}_{\mathrm{E2F15}}$	1.728×10 ⁸	1.222×10 ⁸	1.159×10 ⁸	1.073×10 ⁸	1.070×10 ⁸		
B_{E4F15}	1.558×10 ⁸	1.207×10 ⁸	1.153×10 ⁸	1.098×10 ⁸	1.111×10 ⁸		



Fig. 7 Time-varying stiffness diagram

3.3 刚度修正系数

在服役过程中,变形是衡量结构适用性能的重 要指标^[29],变形过大会严重影响结构的正常使用性 能。而刚度的大小可以定量地表征结构抵抗变形 的能力,《混凝土结构设计规范》(GB 50010-2010)^[14]给出了在裂缝控制等级要求的荷载组合作 用下,混凝土矩形截面受弯构件短期刚度的计算 公式:

$$B_{\rm s} = \frac{E_{\rm s}A_{\rm s}h_0^2}{1.15\left(1.1 - 0.65\frac{f_{\rm tk}}{\rho_{\rm te}\sigma_{\rm s}}\right) + 0.2 + 6\alpha_{\rm E}\rho}$$
(9)

式中:E。为钢筋弹性模量,MPa;A。为纵向受拉钢筋 的截面积, mm^2 ; h_0 为截面有效高度, mm; f_{tk} 为混凝 土轴心抗拉强度标准值,MPa; pie为由有效受拉混凝 土截面面积计算的纵向受拉钢筋配筋率; σ ,为纵向 受拉钢筋应力, MPa; $\alpha_{\rm E}$ 为钢筋与混凝土弹性模量的 比值;ρ为纵向受拉钢筋配筋率。

本文引入刚度降低系数 $\beta(\eta, R)$ 以综合考虑循 环荷载和钢筋锈蚀对构件黏结力的影响:

$$\beta(\eta, R) = \frac{B_{se}^{f}(\eta, R)}{B_{se}^{f}(\eta = 0, R = 0)}$$
(10)

式中:B_{se}^f(η, R)为锈蚀梁在任意疲劳寿命比作用下 的刚度; $B_{sc}^{f}(\eta = 0, R = 0)$ 为无损梁的刚度。

通过 Exponential 2D 函数进行曲面双因素拟合 得到刚度降低系数 $\beta(\eta, R)$ 与锈蚀率 η 和疲劳寿命 比R的关系式,如式(11)所示。拟合结果如图8所 示。从图8可以看出,短期刚度降低系数拟合程度 较高,能很好地反映梁在锈蚀、疲劳损伤下,钢筋与 混凝土之间黏结性能的退化情况。因此,钢筋混凝 土梁在腐蚀和循环荷载的共同作用下,当锈蚀率较 低(≤4%)、疲劳损伤程度较轻(疲劳寿命比不超过 0.15)时,可以用式(11)来表征损伤梁的刚度降低 情况。

$$\beta(\eta, R) = 0.4623 + 0.5354 \mathrm{e}^{\left[(-\eta/3.7803) + (-R/8.5449)\right]}(11)$$



图8 短期刚度降低系数

Fig. 8 Attenuation coefficient of short-term stiffness

同时,含锈蚀和疲劳损伤的梁在持续荷载作用 下,刚度随持荷时间的增加逐渐降低。根据试验结 果,引入刚度退化系数,通过ExpDec1函数对刚度退 化系数θ(t)进行非线性拟合,结果如图9所示。

从图9可以看出,损伤梁在持续荷载作用下,刚 度退化系数表达式为:

$$\theta(t) = a_0 + b_0 e^{(-t/c_0)}$$
(12)

式中:a₀取值为0.60~0.72;b₀取值为0.28~0.40;c₀ 全性衰减 表8 疲劳试验分组及参数

取值为38~48;t为持荷时间(不考虑无损梁)。

则混凝土梁在锈蚀、疲劳和徐变共同作用下修 正后的刚度*B*。"表达式为:



4 疲劳安全性能试验分析

4.1 试验分组及过程

以9根钢筋混凝土梁的疲劳安全性能为主要研 究对象,同时考虑腐蚀环境和持续荷载对钢筋混凝 土梁的影响,将试验进行分组,如表8所示。通过含 锈蚀和徐变损伤的混凝土梁疲劳试验,并根据混凝 土梁疲劳寿命的变化情况,研究混凝土梁服役期安 全性衰减规律。

		矮油试验参数		徐变试	验参数	疲劳试验参数	
试验梁编号			济中时间在	林井井田山	たちの		
	山 短	电流密度/(µA·cm ⁻)	週电时间/h	一 行何 小 平/k N	一行何时间/d	S _{max}	r
B_{F}	疲劳						
B_{E3C0F}	先锈蚀后疲劳	200	170	10		0.7	0.1
B_{E6C0F}	先锈蚀后疲劳	200	340	10		0.7	0.1
B _{E9C0F}	先锈蚀后疲劳	200	510	10		0.7	0.1
B _{E12C0F}	先锈蚀后疲劳	200	680	10		0.7	0.1
B _{E3C6F}	先锈蚀后徐变再疲劳	200	170	10	180	0.7	0.1
B_{E6C6F}	先锈蚀后徐变再疲劳	200	340	10	180	0.7	0.1
B_{E9C6F}	先锈蚀后徐变再疲劳	200	510	10	180	0.7	0.1
B _{E12C6F}	先锈蚀后徐变再疲劳	200	680	10	180	0.7	0.1

Table 8 Groups and parameters of fatigue experiment

注:B_F为无损梁的疲劳试验,作为对照组;B_{E3C6F}表示无损梁先进行3%锈蚀率的通电加速锈蚀试验,再进行180d的徐变堆载试验,最后进行循环加载试验至试件破坏,其他梁编号含义以此类推。

4.2 循环荷载作用下的安全性能劣化规律

钢筋混凝土梁在服役期间遭受氯盐侵蚀,保护 层锈胀开裂,在持续荷载的作用下,混凝土内部微 裂缝不断发展,导致混凝土密实度不断降低,出现 拉应力并形成拉应力裂缝。伴随着循环荷载的作 用,结构挠度及裂缝宽度超限,使结构承载能力不 足,疲劳寿命急剧缩短,结构提前失效。评判混凝 土结构的疲劳性能时,疲劳寿命是最为直观的指标 之一。疲劳寿命是材料在疲劳破坏前所经历的应 力循环次数。含锈蚀和徐变损伤的混凝土梁在循

环荷载作用下的疲劳寿命变化情况见表9。

表9 锈蚀及持续荷载作用后的疲劳寿命 Table 9 Fatigue life after corrosion and sustained loading

试验梁编号	疲劳寿命/次	疲劳寿命衰减系数
B_{F}	159 033	1.000
B_{E3C0F}	113 487	0.714
B_{E6C0F}	75 852	0.477
B _{E9C0F}	46 137	0.290
B _{E12C0F}	29 853	0.188
B_{E3C6F}	122 801	0.772
B _{E6C6F}	71 154	0.447
B _{E9C6F}	35 815	0.225
B _{E12C6F}	25 661	0.161

从表9可以看出,在锈蚀和徐变的复合作用下, 随着锈蚀率的提高、持荷时间的增加,损伤梁的疲 劳寿命最低仅为无损梁的16.1%。并且随着持续荷 载时间的增加,结构安全性能不断降低。循环荷载 作用下损伤梁疲劳寿命的衰减情况如图10所示。



从图 10 可以看出,在循环荷载作用下,锈蚀徐 变损伤梁相较于锈蚀梁,其疲劳寿命随着锈蚀率的 提高,下降的速度更快。

4.3 疲劳寿命衰减系数

本文定义疲劳寿命衰减系数,用以表征锈蚀和 徐变损伤致使梁疲劳寿命的衰减程度。引入疲劳 寿命衰减系数 $\gamma_{\rm f}(\eta, T)$,如式(14)所示,以此综合评 判钢筋锈蚀和持续荷载对疲劳寿命的影响。

$$\gamma_{\rm f}(\eta, T) = \frac{N_{\rm f}(\eta, T)}{N_{\rm f}(\eta = 0, T = 0)} \tag{14}$$

式中: $N_{f}(\eta, T)$ 为任意锈蚀率 η 和持荷时间T下的损伤梁的疲劳寿命; $N_{f}(\eta = 0, T = 0)$ 为无损梁的疲劳寿命。

通过 Gauss2D 函数进行曲面双因素拟合,得到 关于锈蚀率η和持荷时间T的关系式,如式(15)所 示,拟合结果如图11所示。从图11可以看出,疲劳 寿命衰减系数拟合程度较高,能很好地反映已产生 锈蚀、徐变损伤的梁在循环荷载作用下疲劳寿命的 衰减情况。因此,钢筋混凝土梁在腐蚀环境和持续 荷载的共同作用下,当持续荷载不超过6个月时,可 以用式(15)来反应损伤梁在循环荷载作用下疲劳 寿命的衰减程度。

$$\gamma_{\rm f}(\eta, T) = 0.135 + 0.97 \exp \begin{cases} -0.5 \left[(\eta + 2.354) / 5.654 \right]^2 \\ -0.5 \left[(T - 7.917) / 30.783 \right]^2 \end{cases}$$
(15)



图 11 疲劳寿命衰减系数 Fig. 11 Attenuation coefficient of fatigue life

5 结论

 混凝土梁经历疲劳、徐变损伤后,临界锈蚀 深度逐渐减小。经历2.5%、15.0%和60.0%疲劳寿 命次数循环加载试验后,在3个月的持续荷载作用 下,相较于无损梁,有损梁临界锈蚀深度分别减少 了5.21%、9.86%、11.55%;在6个月的持续荷载作用 下,有损梁临界锈蚀深度分别减少了9.30%、 12.54%、14.93%。通过引入临界锈蚀深度衰减系数 κ(R,T),为损伤混凝土结构的耐久性分析提供依据。

2)混凝土梁在锈蚀和疲劳复合作用下,刚度不断减小。经历2%和4%锈蚀率的锈蚀试验梁在4000次循环荷载作用下,刚度分别降低了33.00%、
 39.39%,在22000次循环荷载作用下,刚度分别降

低了 46.86%、52.09%。通过引入刚度降低系数 $\beta(\eta, R)$,用以修正短期刚度,并以刚度退化系数 $\theta(t)$ 考虑徐变对结构长期性能的影响。

3) 混凝土梁遭受锈蚀和徐变损伤后,在6个月 持续荷载作用下,随着锈蚀率的增加,疲劳寿命降 低了 22.8%、55.3%、77.5%、83.9%。通过引入疲劳 寿命衰减系数γ_i(η, T),为混凝土结构的安全性分 析提供依据。

参考文献(References):

[1] 金伟良,夏晋,毛江鸿.混凝土结构耐久性电化学方法:防护、修复、提升和控制[M].北京:科学出版社, 2021.

JIN Weiliang, XIA Jin, MAO Jianghong. Electrochemical technology for durability of concrete structures in protection, repair, enhancement and control [M]. Beijing: Science Press, 2021.

- [2] 崔晨光, 汪小平, 张奕, 等. 疲劳荷载作用对高性能混凝土收缩徐变影响的试验研究[J]. 混凝土, 2019(1): 77-80. DOI: 10.3969/j.issn.1002-3550.2019.01.019.
 CUI Chenguang, WANG Xiaoping, ZHANG Yi, et al. Experimental study on the influence of fatigue loading on high performance concrete shrinkage and creep performance [J]. Concrete, 2019 (1): 77-80. DOI: 10.3969/j.issn.1002-3550.2019.01.019.
- [3]何世钦,曹泽阳,刘伟杰,等.长期荷载和氯盐环境耦合作用对钢筋混凝土梁挠度的影响[J].清华大学学报(自然科学版),2019,59(11):902-909.DOI:10.16511/j.cnki.qhdxxb.2019.26.022.
 HE Shiqin, CAO Zeyang, LIU Weijie, et al. Influence of long-term load and chlorine corrosion on reinforced concrete beam deflection [J]. Journal of Tsinghua

University (Science and Technology), 2019, 59(11): 902-909. DOI: 10.16511/j.cnki.qhdxxb.2019.26.022.

- [4] MENG Q L, ZHU J S, WANG T L. Numerical prediction of long-term deformation for prestressed concrete bridges under random heavy traffic loads [J]. Journal of Bridge Engineering, 2019, 24(11):04019107. DOI:10.1061/(asce)be.1943-5592.0001489.
- [5] 任国盛.持续荷载与氯离子侵蚀耦合作用下钢筋与混凝土间的黏结性能[D].青岛:青岛理工大学,2018.
 REN Guosheng. Bond behavior between steel bar and concrete under sustained load coupled with chloride ion erosion[D]. Qingdao: Qingdao Tehenology University, 2018.
- [6] ZHANG W P, LIU X G, GU X L. Fatigue behavior of corroded prestressed concrete beams [J]. Construction and Building Materials, 2016, 106: 198-208. DOI: 10.1016/j.conbuildmat.2015.12.119.
- [7] 金伟良,张大伟,吴柯娴,等.混凝土结构长期性能的 若干基本问题探讨[J].建筑结构,2020,50(13):1-6,

29. DOI: 10.19701/j.jzjg.2020.13.001.

JIN Weiliang, ZHANG Dawei, WU Kexian, et al. Discussion on fundamental problems on long-term performance of concrete structures [J]. Building Structure, 2020, 50 (13) : 1-6, 29. DOI: 10.19701/j.jzjg. 2020.13.001.

- [8] 毛江鸿,陈佳芸,崔磊,等. 氯盐侵蚀钢筋混凝土锈胀 开裂监测及预测方法[J]. 建筑材料学报, 2016, 19 (1): 59-64. DOI: 10.3969/j.issn.1007-9629.2016.01.010.
 MAO Jianghong, CHEN Jiayun, CUI Lei, et al. Monitoring and predicting method for reinforced concrete expansion and cracking induced by chloride erosion[J]. Journal of Building Materials, 2016, 19(1): 59-64. DOI: 10.3969/j.issn.1007-9629.2016.01.010.
- [9] 赵羽习,金伟良.钢筋锈蚀导致混凝土构件保护层胀裂的全过程分析[J].水利学报,2005,36(8):939-945.
 DOI: 10.3321/j.issn: 0559-9350.2005.08.008.
 ZHAO Yuxi, JIN Weiliang. Analysis on the cracking of concrete cover due to rebar corrosion [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2005, 36(8): 939-945. DOI: 10.3321/j.issn: 0559-9350.2005.08.008.
- [10] 张建仁, 邓鸣. 锈蚀钢筋混凝土梁的裂缝研究[J]. 长沙理工大学学报(自然科学版), 2007, 4(3): 23-28. DOI: 10.3969/j.issn.1672-9331.2007.03.004.
 ZHANG Jianren, DENG Ming. Cracks of corrosive reinforced concrete beams [J]. Journal of Changsha University of Science & Technology (Natural Science), 2007, 4(3): 23-28. DOI: 10.3969/j. issn. 1672-9331. 2007.03.004.
- [11] 赵羽习,金伟良. 混凝土锈胀时刻钢筋锈蚀率的数值分析方法[J]. 浙江大学学报(工学版),2008,42(6):1080-1084. DOI: 10.3785/j.issn.1008-973X.2008.06.035.
 ZHAO Yuxi, JIN Weiliang. Numerical-based method for calculating reinforcement corrosion at concrete cover cracking due to corrosion [J]. Journal of Zhejiang University (Engineering Science), 2008, 42(6): 1080-1084. DOI: 10.3785/j.issn.1008-973X.2008.06.035.
- [12] 陆春华,赵羽习,金伟良.锈蚀钢筋混凝土保护层锈胀 开裂时间的预测模型[J].建筑结构学报,2010,31
 (2):85-92.DOI:10.14006/j.jzjgxb.2010.02.010.
 LU Chunhua, ZHAO Yuxi, JIN Weiliang. Modeling of time to corrosion-induced cover cracking in reinforced concrete structures [J]. Journal of Building Structures, 2010, 31(2): 85-92.DOI: 10.14006/j.jzjgxb.2010.02.010.
- [13] ZHONG X P, JIN W L, XIA J. A time-varying model for predicting the life-cycle flexural capacity of reinforced concrete beams [J]. Advances in Structural Engineering, 2015, 18(1): 21-32. DOI: 10.1260/1369-4332.18.1.21.
- [14] 沈蒲生. 混凝土结构设计原理[M]. 5 版. 北京:高等教育出版社,2020.
 SHEN Pusheng. Design principle of concrete structure [M]. 5th ed. Beijing: Higher Education Press,2020.

[15] 赵羽习,金伟良.正常使用极限状态下混凝土结构构件可靠度的分析方法[J].浙江大学学报(工学版),2002,36(6):674-679.DOI:10.3785/j.issn.1008-973X.2002.06.017.
 ZHAO Yuxi, JIN Weiliang. Methods of reliability based

on serviceability limited state for concrete structural members [J]. Journal of Zhejiang University (Engineering Science), 2002, 36(6): 674-679. DOI: 10.3785/j.issn.1008-973X.2002.06.017.

- [16]何世钦,贡金鑫.负载钢筋混凝土梁钢筋锈蚀及使用性 能试验研究[J].东南大学学报(自然科学版),2004,34 (4):474-479.DOI:10.3321/j.issn:1001-0505.2004.04.012. HE Shiqin, GONG Jinxin. Experimental studies on steel bar corrosion and service ability of reinforced concrete beam under service loading [J]. Journal of Southeast University (Natural Science Edition), 2004, 34(4): 474-479.DOI: 10.3321/j.issn: 1001-0505.2004.04.012.
- [17] 孙彬, 牛获涛, 王庆霖. 锈蚀钢筋混凝土梁抗弯刚度分析与计算[J]. 建筑结构, 2004, 34(10): 42-45. DOI: 10.19701/j.jzjg.2004.10.011.
 SUN Bin, NIU Ditao, WANG Qinglin. Analysis and calculation of flexural rigidity of corroded reinforced concrete beam [J]. Building Structure, 2004, 34(10): 42-45. DOI: 10.19701/j.jzjg.2004.10.011.
- [18] 汪小平,崔晨光,张奕,等. 短期低应力徐变作用后钢 筋混凝土梁静力试验研究[J]. 江西理工大学学报, 2019,40(1):1-4.DOI:10.13265/j.cnki.jxlgdxxb.2019.01.001.
 WANG Xiaoping, CUI Chenguang, ZHANG Yi, et al. Experimental study on static characteristics of reinforced concrete beams after short-term and low stress creep[J]. Journal of Jiangxi University of Science and Technology, 2019, 40(1): 1-4. DOI: 10.13265/j.cnki. jxlgdxxb.2019.01.001.
- [19] 张建仁, 吴晓俊, 王磊. 锈蚀率对同类型RC梁抗弯刚 度影响[J]. 长沙交通学院学报, 2008, 24(3): 1-6. DOI: 10.3969/j.issn.1674-599X.2008.03.001.
 ZHANG Jianren, WU Xiaojun, WANG Lei. The impact of corrosion ratio to the same type RC beam flexural stiffness [J]. Journal of Transport Science and Engineering, 2008, 24 (3): 1-6. DOI: 10.3969/j. issn. 1674-599X.2008.03.001.
- [20] 张军,金伟良,张凯,等. 混凝土结构内锈蚀钢筋的疲劳研究综述[J]. 水利水运工程学报, 2019(6): 22-30.
 DOI: 10.16198/j.cnki.1009-640x.2019.06.003.
 ZHANG Jun, JIN Weiliang, ZHANG Kai, et al. A review on fatigue research of corroded reinforcing steel bars inside reinforced concrete structures [J]. Hydro-Science and Engineering, 2019 (6): 22-30. DOI: 10.16198/j.cnki.1009-640x.2019.06.003.
- [21] ZHANG W P, YE Z W, GU X L, et al. Assessment of fatigue life for corroded reinforced concrete beams under uniaxial bending [J]. Journal of Structural Engineering, 2017, 143(7): 04017048. DOI: 10.1061/(asce)st.1943-541x.0001778.

- [22] MA Y F, XIANG Y B, WANG L, et al. Fatigue life prediction for aging RC beams considering corrosive environments [J]. Engineering Structures, 2014, 79: 211-221. DOI: 10.1016/j.engstruct.2014.07.039.
- [23] ZANUY C, ALBAJAR L, DE la, FUENTE P. Sectional analysis of concrete structures under fatigue loading [J].
 ACI Structural Journal, 2009, 106 (5) : 667-677. DOI: 10.14359/51663107.
- [24] SUN J Z, DING Z H, HUANG Q. Corrosion fatigue life prediction for steel bar in concrete based on fatigue crack propagation and equivalent initial flaw size [J]. Construction and Building Materials, 2019, 195: 208-217. DOI: 10.1016/j.conbuildmat.2018.11.056.
- [25] 夏晋. 锈蚀钢筋混凝土结构力学性能研究[D]. 杭州: 浙江大学,2010.
 Xia Jin. Research on mechanical properties of corroded reinforced concrete structures [D]. Hangzhou : Zhejiang University, 2010.
- [26]金伟良,吕清芳,赵羽习,等.混凝土结构耐久性设计 方法与寿命预测研究进展[J].建筑结构学报,2007,28 (1):7-13. DOI: 10.14006/j.jzjgxb.2007.01.002.
 JIN Weiliang, LYU Qingfang, ZHAO Yuxi, et al. Research progress on the durability design and life prediction of concrete structures [J]. Journal of Building Structures, 2007, 28 (1):7-13. DOI: 10.14006/j.jzjgxb. 2007.01.002.
- [27] 刘海,姚继涛,牛荻涛.钢筋混凝土结构基于锈胀开裂 寿命准则的耐久性设计方法[J].西安建筑科技大学学 报(自然科学版),2009,41(1):25-31.DOI:10.3969/j. issn.1006-7930.2009.01.005.
 LIU Hai, YAO Jitao, NIU Ditao. Durability design of RC structures based on the life criterion of cover cracking
 [J]. Journal of Xi'an University of Architecture & Technology (Natural Science Edition), 2009,41(1);
- 25-31. DOI: 10.3969/j.issn.1006-7930.2009.01.005.
 [28] 王胜年,田俊峰,范志宏.基于暴露试验和实体工程调查的海工混凝土结构耐久性寿命预测理论和方法[J]. 中国港湾建设, 2010, 30(增刊1): 68-74.
 WANG Shengnian, TIAN Junfeng, FAN Zhihong. Research on theory and method of service life prediction of marine concrete structures based on exposure test and filed investigation [J]. China Harbour Engineering, 2010, 30(sup 1): 68-74.
- [29] 江楠,邓扬,刘扬,等.持续荷载与腐蚀共同作用下RC 梁的抗弯刚度计算方法[J].公路交通科技,2016,33
 (4):66-72.DOI: 10.3969/j.issn.1002-0268.2016.04.011.
 JIANG Nan, DENG Yang, LIU Yang, et al. A calculation method of flexural stiffness of RC beam under sustained load coupled with corrosion[J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2016, 33 (4): 66-72. DOI: 10.3969/j. issn.1002-0268.2016.04.011.

(责任编辑:薛仪;英文编辑:王佳)